### UNIVERSIDADE FEDERAL DE PERNAMBUCO CENTRO DE TECNOLOGIA E GEOCIÊNCIAS PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

# UM NOVO ALGORITMO BASEADO EM ENTROPIA PARA FILTRAGEM DA INTERFERÊNCIA FRENTE-VERSO

por

### JOÃO MARCELO MONTE DA SILVA

Dissertação submetida ao Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Pernambuco como parte dos requisitos para a obtenção do grau de Mestre em Engenharia Elétrica.

#### **ORIENTADOR: PROF. DR. RAFAEL DUEIRE LINS**

Recife, Outubro de 2005.

© João Marcelo Monte da Silva, 2005

Silva, João Marcelo Monte da

Um novo algoritmo baseado em entropia para filtragem da interferência frente-verso / João Marcelo Monte da Silva. – Recife : O Autor, 2005.

x, 95 folhas. : il., fig., tab.

Dissertação (mestrado) – Universidade Federal de Pernambuco. CTG. Engenharia Elétrica, 2005.

Inclui bibliografia e anexos.

1.Engenharia elétrica – Telecomunicações. 2. Processamento de imagens – Imagens monocromáticas – Análise. 3. Algoritmos de binarização – Estudo comparativo – Entropia do histograma da imagem . I. Título.

621.391	CDU (2.ed.)	UFPE
621.3822	CDD (22.ed.)	BC2005-663



Universidade Federal de Pernambuco

Pós-Graduação em Engenharia Elétrica

PARECER DA COMISSÃO EXAMINADORA DE DEFESA DE DISSERTAÇÃO DE MESTRADO ACADÊMICO

# **JOÃO MARCELO MONTE DA SILVA**

#### TÍTULO

#### "UM NOVO ALGORITMO BASEADO EM ENTROPIA PARA FILTRAGEM DA INTERFERÊNCIA FRENTE/VERSO"

A comissão examinadora composta pelos professores: RAFAEL DUEIRE LINS, DES/UFPE, VALDEMAR CARDOSO DA ROCHA JÚNIOR, DES/UFPE e FRANCISCO MADEIRO BERNARDINO JÚNIOR, DEI/UNICAP, sob a presidência do primeiro, consideram o candidato João

### Marcelo Monte da Silva APROVADO

Recife, 07 de outubro de 2005.

JOAQUIM FERREIRA MARTINS FILHO Coordenador do PPGEE

RAFAEL DUEIRE LINS Orientador e Membro Titular Interno

ARDINO VALDEMAR CARDOSO DA ROCHA JUNIO Membro Titular Interno

No use Demantino mip FRANCISCO MADEIRO BERNARDINO JUNIOR Membro Titular Externo

# Dedicatória

Dedico este trabalho a Deus, provedor de nossa existência e racionalidade, e a minha família:

- a meus pais Leônidas José (*in memoriam*) e Marlene, por todo esforço na minha criação sempre dando os melhores exemplos possíveis;
- a meu irmão Leônidas Jr., companheiro de toda vida e sempre, sem dúvida o melhor amigo que tenho;
- a minha amada esposa Marilú, que divide comigo todas as emoções desta vida tornando-a fascinante;
- a meu querido filho Leoni Kurt, que me traz cada vez mais alegria e orgulho.

# Agradecimentos

Sou grato extensivamente às pessoas que, de alguma forma, contribuíram para a realização desta dissertação, em especial:

- à Profa. Márcia Mahon Campello de Souza, à Profa. Fernanda Alencar, ao Prof. Hélio Magalhães de Oliveira e ao Prof. Ricardo Meneses Campello de Souza, pela base concebida nas disciplinas cursadas durante o mestrado;
- à Banca Examinadora composta pelos professores Rafael Dueire Lins, Valdemar Cardoso da Rocha Júnior e Francisco Madeiro Bernardino Júnior pela colaboração através das suas críticas e sugestões;
- novamente ao Prof. Valdemar Cardoso da Rocha Júnior pela atenção, discussões e esclarecimentos que contribuíram para esta dissertação, além de ter participado, da formação da minha base através das aulas ministradas da disciplina de Teoria da Informação;
- à minha mãe Marlene Monte e aos pais da minha esposa Aimar Pimentel e Maria de Lourdes Gomes, que são uma *fiel* extensão da minha família, por nos dar (a mim, a minha esposa e ao meu filho) o apoio emocional e financeiro que necessitamos.
- aos amigos que sempre me apoiaram, sendo no lazer ou no amparo em situações difíceis. Não tendo como citar o nome de todos, gostaria de destacar Rosângela Freire, Ismael Gomes, Marcus Paulo Bezerra, Paulo Sivini, Kátia Bastos, os integrantes da banda A Mostra e os que cursaram comigo as disciplinas do programa.
- novamente ao Prof. Rafael Duere Lins, meu orientador, por ter me aceitado para o mestrado como seu orientado, pela disposição na busca dos recursos, pela colaboração intensa para a minha formação intelectual, por acreditar em mim quando eu mesmo pensava não conseguir, pela amizade desenvolvida e muito mais.

Resumo da Dissertação apresentada à UFPE como parte dos requisitos necessários para a obtenção do grau de Mestre em Engenharia Elétrica.

### UM NOVO ALGORITMO BASEADO EM ENTROPIA PARA FILTRAGEM DA INTERFERÊNCIA FRENTE-VERSO

#### João Marcelo Monte da Silva

Outubro / 2005

Orientador: Prof. Dr. Rafael Dueire Lins.

Área de Concentração: Telecomunicações – Processamento de Sinais (Imagens).

Palavras-chave: Análise de Documentos Digitalizados, Binarização, Entropia, Interferência

Frente-Verso e Imagens Monocromáticas.

Número de Páginas: 106.

A digitalização de documentos originariamente em papel é a maneira mais eficiente que dispomos hoje como meio de preservar o seu conteúdo para as gerações futuras, bem como possibilitar o acesso e disseminação às informações via redes de computadores.

A natureza do documento impõe técnicas diferentes para a digitalização e armazenagem destes. Em geral, objetivando possibilidades futuras, os documentos são digitalizados em cores (*true color*) e alta resolução (chegando hoje até mais de 1.000 pontos por polegada). Visando o acesso via redes, tais documentos são geralmente disponibilizados em sua versão monocromática, com 200 dpi de resolução e comprimidos em formato conveniente, geralmente TIFF (G4). Tal processo de diminuição do número de cores de documentos, no caso de conversão para monocromática, caso o documento tenha sido escrito ou impresso em ambos os lados de papel translúcido, situação conhecida como *interferência frenteverso*. Os algoritmos de binarização hoje existentes nas ferramentas comerciais geram imagem onde as porções referentes à tinta na frente e no verso ficam sobrepostas, impossibilitando a leitura da imagem obtida. Embora tal problema tenha sido apresentado há mais de uma década, ainda hoje busca-se soluções melhores para ele. No caso de documentos históricos, a complexidade do problema é ainda maior, uma vez que há o escurecimento causado pelo envelhecimento do papel como fator complicador.

Esta dissertação propõe um novo algoritmo baseado na entropia do histograma da imagem para a binarização da imagem de documentos históricos com interferência frente-verso. O algoritmo proposto é comparado com os seus antecessores descritos na literatura, gerando imagens de melhor qualidade que os seus congêneres.

Abstract of Dissertation presented to UFPE as a partial fulfillment of the requirements for the degree of Master in Electrical Engineering.

### A NEW ENTROPY-BASED ALGORITHM FOR BACK-TO-FRONT INTERFERENCE FILTERING

#### João Marcelo Monte da SIlva

October / 2005

Supervisor(s): Rafael Dueire Lins, PhD.

Area of Concentration: Telecommunication - Signal Processing (Image).

Keywords: Digitalized Document Analyses, Binarization, Entropy, Back-to-Front Interference and Monochromatic Images

Number of Pages: 106.

The digitalization of documents originally printed in paper is the most efficient way one can find today to preserve their contents to future generations and to make them widely accessible including their dissemination via computer networks.

The particular features of each set of documents impose different techniques to document storage and digitalization. In general, to allow future possibilities documents are digitalized in true color (*16M colors*), and at a high resolution (reaching today over 1,000 *dots per inch*). Aiming at widespreading document information through network access, documents are generally available in their monochromatic version, scanned with 200 dpi resolution and compressed in a convenient format, normally TIFF (G4).

The process of decreasing the palette of documents to monochromatic is known as *binarization*. Whenever a document is written or printed on both sides of translucent paper, there is a back-to-front interference. The standard binarization algorithms present at commercial tools generate images where the ink the front and back is overlapped, making unreadable the image obtained. Although this problem is over a decade old, better solutions to this problem are still of interest today. In historical documents, paper aging is a complicating factor.

This dissertation proposes a new algorithm based on entropy of the image histogram to binarize historical documents with back-to-front interference. The proposed algorithm is compared with its predecessors described in the literature, yielding better quality images.

# Sumário

L	ISTA DI	E FIGURAS	ix
L	ISTA DI	E TABELAS	X
L	ISTA DI	E SIMBOLOS E SIGLAS	xi
1	INT	RODUCÃO	1
-	1 1		
	1.1	IENTATIVAS ANTECEDENTES	
r	1.2	LINUTOR DA TEODIA DA INEODMACÃO	
4	ELE	IVIENTOS DA TEORIA DA INFORMAÇÃO	
	2.1	Auto-Informação	
	2.2	ENTROPIA	
	2.3	FONTE DISCRETA SEM MEMORIA	
	2.3.1	Entropia r-ária	
	2.4	EXTENSÃO DE UMA FONTE DISCRETA SEM MEMORIA	16
3	ALC	GUNS ALGORITMOS DE BINARIZAÇÃO	
	3.1	Algoritmo de Pun	21
	3.2	ALGORITMO DE KAPUR, SAHOO E WONG	
	3.3	ALGORITMO DE JOHANNSEN E BILLE	
	3.4	ALGORITMO DE YEN, CHANG E CHANG	23
	3.5	ALGORITMO DE MELLO E LINS	24
	3.6	ALGORITMO DE OTSU	24
4	UM	NOVO ALGORITMO	
5	ANÁ	ÁLISE COMPARATIVA DOS ALGORITMOS DE FILTRAGEM	
6	CON	NCLUSÕES E TRABALHOS FUTUROS	30
_			
R	EFERE	NCIAS	
A	NEXOS		
1	RES	ULTADOS DAS APLICAÇÕES DOS ALGORITMOS DE FILTRAGEM	
2	IMP	LEMENTAÇÕES DOS ALGORITMOS UTILIZADOS	84

# Lista de Figuras

<b>Figura 1.1</b> – Exemplo de um documento do acervo de Joaquim Nabuco com a
interferência frente-verso6
Figura 1.2 – Resultado da aplicação direta do filtro de binarização na imagem da Figura
1.1 utilizando o Corel PHOTO-PAINT8
Figura 1.3 – Parte da imagem da Figura 1.1 com amostras indicadas
<b>Figura 2.1</b> – $Gráfico de h(p) em função de p no intervalo [0, 1]16$
<b>Figura 3.1</b> – (a) Imagem em níveis de cinza, (b) histograma da imagem e (c) imagem
binarizada19
<b>Figura 4.1</b> – <i>Gráfico de</i> $\alpha(H)$ <i>em função de H</i>
<b>Figura 5.1</b> – Imagens originais – em true-color e em níveis de cinza – e binarizadas – de
referência e resultantes das aplicação dos algoritmos
Figura 5.2 – Partes das imagens da Figura 5.1
<b>Figura 5.3</b> – (a) imagem original, (b) imagem escurecida, (c) histograma da imagem
original e (d) histograma da imagem escurecida
Figura 5.4 – Resultados da aplicação do algoritmo de Mello e Lins (a) na imagem
original e (b) na imagem escurecida35
<b>Figura 5.5</b> – <i>Resultados da aplicação do novo algoritmo (a) na imagem original e (b) na</i>
imagem escurecida35
Figura 5.6 – Imagens original e binarizadas pelos algoritmos com resultados não
satisfatórios
<b>Figura 5.7</b> – Área de interesse das imagens da Figura 5.6 (a) original e (b) binariza pelo
novo algoritmo38
Figura A1.1 – Imagens do documento 273,6 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.2 – Imagens do documento 605 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.3 – Imagens do documento 276,1 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.4 – Imagens do documento 521,7 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.5 – Imagens do documento 1.221,2 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.6 – Imagens do documento 1221,3 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.7 – Imagens do documento 134,5 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.8 – Imagens do documento 135,2 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.9 – Imagens do documento 515,2 do acervo de Joaquim Nabuco
Figura A1.10 – Imagens do documento 510,1 do acervo de Joaquim Nabuco

# Lista de Tabelas

Tabela 1.1 – Características do scanner de mesa EPSON ES-300Cl.	3
Tabela 1.2 – Características do scanner de mesa HP ScanJet 4c.	4
Tabela 5.1– Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura 5.1.	
<b>Tabela 5.2</b> – Dado dos PSNR's referentes às Figuras 5.4 e 5.5, nesta ordem	
<b>Tabela A1.1</b> – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.1.	
<b>Tabela A1.2</b> – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.2.	54
Tabela A1.3 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.3.	57
Tabela A1.4 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.4.	61
Tabela A1.5 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.5.	65
Tabela A1.6 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.6.	69
Tabela A1.7 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.7.	72
Tabela A1.8 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.8.	75
Tabela A1.9 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.9.	79
Tabela A1.10 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.10	83

# Lista de Símbolos e Siglas

dpi - pontos por polegada (dots per inch)

JPEG – Formato de armazenamento de imagem (Joint Photographic Experts Group)

RGB – Sistema de Cor (*Red-Green-Blue*)

*t* – Limiar de Corte (*Threshold*)

nível de cinza – Nível de Cinza

*R* – Componente Vermelha da cor do *pixel* 

G – Componente Verde de cor do *pixel* 

B – Componente Azul de cor do pixel

 $p_i$  – Probabilidade de se encontrar um *pixel* de nível de cinza *i* 

 $n_i$  – Número de *pixels* de nível de cinza *i* 

N – Número de *pixels* total da imagem

P(t) – Probabilidade de se encontrar um *pixel* de nível de cinza menor ou igual a t

H' – Entropia do histograma da imagem binarizada

H – Entropia do histograma da imagem em níveis de cinza

 $H_b$  – Entropia referente aos *pixels* que se tornarão pretos

 $H_w$  – Entropia referente aos *pixels* que se tornarão brancos

p(i) – Distribuição do histograma proposta por Kapur, Sahoo e Wong

h(p) – Função Entropia

H<sub>fonte binária a priori</sub> – Entropia da fonte binária a priori

 $\alpha(H_{fonte \ binária \ a \ priori})$  – Fator de Perda

e(t) – Função Erro

MSE – Erro Médio Quadrático (Mean-Square-Error)

PSNR - Razão Sinal-Ruído de Pico (Peak Signal-to-Noise Ratio)

dB – Unidade Decibel

OCR – Reconhecimento Óptico de Caracteres (Optical Character Recognition)

# CAPÍTULO 1

## Introdução

Inventado no Egito por volta de 4.000 a.C., o papel – pela sua praticidade, portabilidade e custo – representou uma das maiores revoluções tecnológicas da humanidade. Ele substituiu todas as formas de armazenamento de informações anteriores (entalhamento em pedra ou madeira, impressão em tijolos de argila, gravações em couro de animais, etc.), sendo, ainda hoje, o meio mais usado para armazenamento e difusão de informação. Isto não o torna, porém, o mais eficiente. Além da fragilidade inerente, a rápida ocupação de grandes espaços físicos e a dificuldade na busca por dados específicos são as principais desvantagens dessa forma de armazenamento de informações. Nos dias atuais, o uso dos recursos computacionais apresenta-se como alternativa viável e vantajosa para a solução de tais problemas.

A criação de dispositivos digitalizadores (*scanners* e câmeras digitais) tornou possível a transposição de documentos para computadores na forma de imagens. Assim, é possível o armazenamento de imagens de documentos, visando uma proteção mais eficiente ao desgaste provocado pelo tempo. Armazenados em dispositivos de memória secundária, sejam ópticos (como DVD's, CD-ROM's) ou magnéticos (como discos rígidos, fitas, discos Zip, Jaz *drives*, etc.), é inteiramente viável a cópia de acervos completos de documentos para outro dispositivo de armazenamento sem nenhuma perda de dados, posterior à digitalização.

Talvez o ponto crítico dessa tecnologia esteja na grande quantidade de espaço necessário para armazenar as imagens. Por exemplo, uma página em papel A4 digitalizada, utilizando uma resolução para digitalização de 200 *dpi* (*dots per inch* – pontos por polegada) e 256 níveis de cinza, gera uma imagem de cerca de 1.700 x 2.400 pixels que ocupa 4.113 Kbytes, se armazenada no formato padrão do sistema Windows, o BMP. Isso torna o armazenamento direto, sem compressão e sem perdas, extremamente oneroso. Se a imagem for relativa a um texto, chamada algumas vezes de imagem textual, a informação contida nela pode ser armazenada em um formato de texto ocupando menos de 100 Kbytes.

A criação de livros digitais surge hoje como uma área em grande expansão. Embora o ser humano esteja hoje mais acostumado com o uso de papel e ainda o considere o melhor método para leitura, os livros digitais têm evoluído bastante em termos de interface recentemente. Novos livros podem ser gerados diretamente no computador, mas a transposição para o universo digital da literatura já existente necessita do uso de ferramentas eficientes.

Uma outra questão bastante relevante nessa "inclusão digital" é a digitalização de acervos de documentos históricos. E é nesse ponto que o presente trabalho de dissertação, basicamente, tem seu foco. É apresentada, ao longo desta dissertação, uma descrição detalhada de alguns fatores fundamentais no estudo de tais imagens.

O Projeto Nabuco [1], idealizado originalmente pela Prof.<sup>a</sup> Graziela Peregrino, teve início em 1992 e foi desenvolvido visando a atender às necessidades da Fundação Joaquim Nabuco em preservar o conteúdo do rico acervo, ali depositado, de documentos históricos e tornar mais fácil o acesso a estes, anteriormente restrito a consulta *in loco* de apenas alguns pesquisadores qualificados. A Fundação Joaquim Nabuco – FUNDAJ [2], um instituto de pesquisa social, situada em Recife, Pernambuco, possui coleções, com centenas de milhares de documentos pertencentes a figuras de destaque da história nacional, destacando dentre elas, seu patrono Joaquim Nabuco. Joaquim Nabuco (1849-1910) – escritor, estadista e diplomata – teve um papel fundamental na campanha de libertação dos escravos no Brasil. Dentre os documentos pertencentes a seu acervo existem diversas cartas (manuscritas e datilografadas), cartões postais, etc. Particular destaque merece seu acervo de cartas com cerca de 6.500 documentos, perfazendo um total de aproximadamente 30.000 páginas. São desse acervo as imagens utilizadas nesta pesquisa. A Prof.<sup>a</sup> Graziela Peregrino, então superintendente de informática da Fundação Joaquim Nabuco, convidou o Prof. Rafael Dueire Lins a assumir tal desafio, que em tal época mostrou-se iniciativa pioneira no Brasil.

Quando se trata de documentos históricos deve-se pensar em dois pontos:

- preservar o valor iconográfico do documento;
- tornar as informações desses documentos facilmente acessíveis, passíveis de distribuição via redes de computadores, FAX's, CD's, DVD's e etc. Nesse caso, imagens em preto e branco de boa definição devem ser geradas, possibilitando a leitura do conteúdo do documento, bem como a percepção de alguns elementos gráficos e iconográficos (desenhos, rasuras, etc.).

Quanto ao primeiro ponto, as imagens foram digitalizadas no início do Projeto Nabuco, pessoalmente pelo coordenador do projeto, após percorrer extenso tramite burocrático que permitia a retirada, da FUNDAJ para a UFPE – onde foram digitalizadas, de apenas 5 (cinco) documentos ao dia. Foi utilizado um *scanner* de mesa EPSON ES-300C. Esse modelo tinha as características mostradas na Tabela 1.1.

 Tabela 1.1 – Características do scanner de mesa EPSON ES-300Cl.

Scanner	Resolução Óptica	Resolução de Cor Máxima	Área de Leitura
Epson ES-300C	300 dpi	24 bits/pixel	A4 ou Carta

Posteriormente, utilizou-se outro scanner de mesa HP ScanJet 4c com as características apresentadas na Tabela 1.2.

<b>Tabela 1.2 –</b> Curaciensiicus ao scunner de mesa HF Scunjei 4c.				
Scanner	Resolução Óptica	Resolução de Cor Máxima	Área de Leitura	
HP ScanJet 4c	600 dpi	24 bits/pixel	8.5" x 14" (Legal)	

T-L-L-10

Experimentos efetuados conjuntamente com os especialistas em documentos históricos da Fundação Joaquim Nabuco definiram um bom ponto de equilíbrio entre resolução de digitalização, tempo de digitalização, espaço para armazenamento e tempo de transmissão de documentos via rede. Para tanto, documentos representando os diversos tipos de papel, escrita, estado de degradação, etc. existentes no acervo foram digitalização em tela de vídeo (resolução de 640 x 480dpi) e re-impressão em impressoras jato de tinta e laser coloridas. Tais experimentos demonstraram que uma resolução de 150 dpi seria suficiente para preservar todos os aspectos iconográficos e de conteúdo do acervo em questão. Porém a resolução escolhida de 200 dpi não só apresenta maior redundância da informação, oferecendo maior margem de segurança para iniciativas futuras, mas também é compatível com a resolução adotada como padrão nos equipamentos de fax, sendo este, na época do início do Projeto Nabuco, o modo de consulta mais freqüente disponível, inclusive possibilitando atender as muitas solicitações formuladas por pesquisadores nacionais e estrangeiros.

Dessa forma, os documentos do acervo foram digitalizados em 16 milhões de cores (formato computacional chamado de *true color*). Tais experimentos também apontaram para a conveniência e adequação do formato de armazenamento JPEG com uma taxa de perda de cerca de 1%. Nesse formato, as imagens foram armazenadas em CD-ROM's com finalidades de preservação. Segundo os especialistas da FUNDAJ, a luz proveniente do *scanner* para fins de digitalização não apresentou níveis representativos de degradação nos documentos.

Em relação ao segundo ponto, obter boa qualidade em imagens preto e branco não é uma tarefa trivial. Boa parte das imagens dos documentos manuscritos apresenta, além da degradação sofrida pelo papel devido à alta alcalinidade empregada no processo químico de sua formação no final do século XIX e início do século XX, uma visibilidade da escrita ou impressão de uma face sobreposta de maneira esmaecida sobre a outra. Tal fenômeno, que também ocorre em documentos atuais se escrito em papel translúcido, é mais crítico em alguns documentos antigos (históricos), pois a tinta permeia o papel. Um exemplo de uma carta pertencente ao acervo da Fundação Joaquim Nabuco que apresenta essa interferência é mostrado na Figura 1.1. Esse fenômeno, chamado *interferência frenteverso*, foi pioneiramente descrito na literatura e inicialmente tratado por LINS [1].

Mais exemplos de documentos pertencentes ao acervo podem ser vistos no Anexo 1, no final desta dissertação. Esses documentos foram impressos em uma impressora Canon Pixma IP1000 jato de tinta com resolução máxima de 4.800 x 1.200dpi.

Apesar da baixa legibilidade, oriunda da interferência frente-verso, na grande maioria dos documentos o olho humano possibilita o seu entendimento efetuando a "filtragem", separando o conteúdo das distintas faces do documento.

Seria de se esperar que os documentos que apresentam interferência frente-verso possuíssem três distribuições referentes às cores dos pixels. A primeira delas correspondente à cor do papel (fundo), a segunda associada à tinta na frente e a terceira referente à tinta interferente (interferência frente-verso). Se tais distribuições estivessem bem caracterizadas, o processo de *binarização* mapearia a segunda em pixels pretos e as demais em pixels brancos. Infelizmente, tais distribuições aparecem sobrepostas. Alguns dos pixels da tinta na imagem de uma face possuem as mesmas componentes *RGB* (sistema de cor: R - red, G - green e B - blue), da tinta transpassada (interferência frente-verso) dificultando a definição do ponto de corte.

29 July BRAZILIAN EMBASSY all marts mr. Ba dear I have read you to sparce mo fribution stor-piece It is a mo ropagandism, of the inspering Leart-U wonderful. bell heid

**Figura 1.1** – Exemplo de um documento do acervo de Joaquim Nabuco com a interferência frente-verso.

As ferramentas de filtragem de imagens existentes atualmente nos *softwares* comerciais, como Corel PHOTO-PAINT<sup>®</sup> [3], para processamento de imagens não são completamente apropriadas para a binarização das imagens em questão, requerendo usuários especializados para sua aquisição e filtragem. Na Figura 1.2 podemos ver o resultado obtido pela aplicação direta do filtro de binarização dessa ferramenta na imagem do documento apresentado na Figura 1.1. Essa filtragem sobrepõe grosseiramente as tintas da grafia de ambos os lados e, às vezes, inclui partes do papel escurecido pelos anos, fungos e mofos, mapeando esses elementos em *pixels* negros e, portanto, gerando imagens completamente ilegíveis.

#### **1.1 Tentativas Antecedentes**

Como primeira solução para esse problema LINS *et. al* [1] propõe uma "filtragem em espelho", onde toma-se duas imagens, a imagem de frente que se quer filtrar e a imagem de fundo invertida em espelho. Posteriormente, faz-se o alinhamento das duas imagens, comparando-as pixel a pixel. Se o pixel da imagem de frente for mais escuro que o da imagem de fundo, dada uma certa tolerância, o pixel equivalente da imagen binarizada será preto, caso contrário será branco. Essa tolerância é definida experimentalmente tentando-se diversos tipos de documentos. Tal procedimento, embora tenha apresentado resultados satisfatórios do ponto de vista da imagem resultante, possui grandes dificuldades na promoção do alinhamento preciso das imagens de ambas as faces. O uso de marcas no próprio documento é inaceitável face a sua natureza histórica. O emolduramento do documento em duas lâminas marcadas de vidro, possibilitando o alinhamento das imagens torna tal processo lento e exigiria o escaneamento duas vezes de cada face do documento com interferência (uma para preservação da imagem e outra para binarização).



**Figura 1.2** – *Resultado da aplicação direta do filtro de binarização na imagem da Figura* 1.1 utilizando o Corel PHOTO-PAINT.

Em comunicação privada, Nelson Mascarenhas (U.F.S.Car) sugeriu a Lins o uso de filtro de inclinação no caso de documentos escritos à mão, uma vez que cada face do documento exibiria uma inclinação dominante. Tal técnica, infelizmente, não obteve bons resultados, pois partes da informação foram removidas.

A análise de imagem transposta para o domínio da freqüência, por meio da Transformada de Fourier, também não ofereceu elementos para remoção da interferência frente-verso na binarização.

O estudo de estratégias de filtragem baseado em componentes isoladas da imagem RGB não se mostrou bem sucedido, como também não foi a tentativa de avaliar o corte no espaço de Luminância-Crominância equivalente.

Foram, também, propostas técnicas de filtragem semi-automáticas, tal como sugerir um limiar inicial ao usuário (operador) para que este tenha uma maior facilidade no processo de busca manual do ponto certo de corte. Essa técnica também elimina as cores que não estão presentes na imagem, tornando a busca mais eficiente. Uma outra técnica proposta foi a filtragem com amostragem que consiste no fato do operador indicar três amostras da imagem – uma do grupo de cores do papel, outra do grupo de cores da tinta interferente e a última do grupo de cores da tinta na frente, vide Figura 1.3 – que associada a uma regulagem de tolerância tenta separar a tinta interferente da tinta na frete.

De todas as técnicas tentadas por Lins, em mais de uma década de pesquisas, a que obteve melhores resultados foi a de filtragem por limiar (*threshold*) do histograma da imagem em níveis de cinza, onde a freqüência de corte é função da entropia de tal histograma [4],[5].

A presente dissertação retoma esse caminho na busca de uma solução mais eficiente para o problema da interferência frente-verso em binarização, apresentando uma solução original e comparando os resultados obtidos com outros algoritmos descritos na

#### literatura.



Figura 1.3 – Parte da imagem da Figura 1.1 com amostras indicadas.

Diante dos fatos expostos nesta introdução, fica justificada a busca de um novo algoritmo para a solução do problema da interferência frente-verso. A seguir, tem-se a descrição de cada capítulo que compõe esta dissertação.

### 1.2 Estrutura da Dissertação

O Capítulo 2 traz alguns aspectos da Teoria da Informação que servem de base para um fiel entendimento dos algoritmos de binarização de imagens baseados na entropia de seus histogramas. Na apresentação destes fundamentos vamos "um pouco além" da revisão necessária para os algoritmos clássicos. Entretanto, este "além" é necessário para complementar o embasamento exigido pelo novo algoritmo aqui proposto. São revisados neste capítulo os conceitos de *auto-informação, entropia, fonte discreta sem memória* e *extensões de uma fonte discreta sem memória*.

No Capítulo 3 veremos uma breve descrição de alguns algoritmos de binarização que servirão de base para um estudo comparativo entre eles e o novo algoritmo que será apresentado no capítulo posterior. O Capítulo 4 apresenta a proposta de um novo algoritmo de binarização baseado na entropia do histograma da imagem, como alguns dos que serão apresentados no Capítulo 3.

No Capítulo 5 faremos uma análise comparativa dos algoritmos de filtragem. O objetivo é gerar uma imagem onde as componentes do papel e da interferência possam ser eliminadas, deixando apenas a tinta. Para isso, destacaremos o novo algoritmo comparando seu desempenho, sobre várias imagens do acervo Nabuco, com o dos algoritmos descritos no Capítulo 3.

Por fim, no Capítulo 6, apresentaremos as nossas conclusões e sugestões para trabalhos futuros.

Visando simplificar a diagramação desta dissertação, bem como possibilitar uma mais fácil comparação entre as imagens originais e as obtidas nas diversas filtragens, essas foram colocadas no Anexo 1 desta dissertação, intitulado "Resultados das Aplicações dos Algoritmos de Filtragem".

O Anexo 2 desta dissertação apresenta os códigos em MATLAB<sup>®</sup> para cada um dos algoritmos apresentados, bem como o código do programa de cálculo do *PSNR* (*Peak Signal-to-Noise Ratio*), usado para efetuar a análise quantitativa da qualidade das imagens obtidas. Vale ressaltar que não está sendo analisado o desempenho computacional de nenhum dos algoritmos implementados, face a grande discrepância na qualidade das imagens obtidas por cada um deles.

# CAPÍTULO 2

### Elementos da Teoria da Informação

Neste capítulo veremos um pouco dos fundamentos da Teoria da Informação [6], pois, como mencionado, estes são de suma importância para a compreensão dos algoritmos de binarização baseados na entropia do histograma da imagem.

A *Teoria da Informação* foi criada por Claude Shannon [7] ao publicar em 1948, um dos mais importantes artigos na história da engenharia. O trabalho pioneiro de Shannon estabeleceu os fundamentos científicos desta nova disciplina. A Teoria da Informação, além de tratar quantitativamente com o conceito de informação, estabelece limitantes de desempenho para sistemas de transmissão ou de armazenamento de informação, dentre outros assuntos. Atualmente encontramos aplicações de Teoria da Informação em áreas bem estabelecidas (como, por exemplo, matemática) na prova de teoremas.

A seguir apresentaremos os conceitos necessários ao entendimento dos algoritmos aqui descritos de forma sumária e objetiva. Os parágrafos seguintes estão fortemente baseados no texto do Prof. Valdemar Cardoso da Rocha Jr. [8], o qual deve-se consultar para maiores aprofundamentos.

### 2.1 Auto-Informação

**Definição 2.1** Seja  $x_i$  um dos valores de uma variável aleatória X que ocorre com probabilidade  $P_X(x_i)$ . Se  $x_i$  ocorreu, então se diz que foram recebidas

$$I(X = x_i) = \log \frac{1}{P_X(x_i)} = -\log P_X(x_i)$$
(2-1)

unidades de informação.

A definição acima pode ser interpretada da seguinte forma: quanto menos provável determinado evento seja, a sua ocorrência gera maior quantidade de informação (ou surpresa). De forma semelhante, um evento que se tem certeza do seu acontecimento não traz nenhuma informação.

A escolha da base do logaritmo na definição acima define a unidade da quantidade de informação.

O uso do logaritmo na base 2 acarreta que a unidade de informação resultante é chamada de *bit*.

$$I(X = x_i) = -\log_2 P_X(x_i)$$
 bits. (2-1*a*)

Semelhante, com o emprego do logaritmo neperiano, a unidade de informação resultante é chamada de *neper*.

$$I(X = x_i) = -\ln P_X(x_i) \text{ nepers}. \qquad (2-1b)$$

No caso do logaritmo na base 10, então a unidade de informação será *Hartley*, uma homenagem a R. V. Hartley quem primeiro sugeriu o uso de um logaritmo na medida de informação [9].

$$I(X = x_i) = -\log_{10} P_X(x_i)$$
 Hartleys. (2-1c)

Em geral, se for usado o logaritmo na base r, obtém-se:

$$I(X = x_i) = -\log_r P_X(x_i) \text{ unidades } r - \text{ária}.$$
 (2-1d)

Pelo fato de o bit ser a unidade mais utilizada, quando a quantidade de informação for calculada na base 2, esta não será escrita, ou seja, é assumido que

$$I(X = x_i) = -\log_2 P_X(x_i) = -\log P_X(x_i).$$
(2-1e)

#### 2.2 Entropia

**Definição 2.2** Seja X uma variável aleatória com K valores possíveis  $x_1$ ,  $x_2$ , ...,  $x_K$ , os quais ocorrem com probabilidades  $P_X(x_1)$ ,  $P_X(x_2)$ , ...,  $P_X(x_K)$ , respectivamente. A *Entropia* (ou incerteza) H(X) desta variável aleatória é a quantidade

$$H(X) = -\sum_{\substack{i=1\\x_i:P_X(x_i)\neq 0}}^{K} P_X(x_i) \log P_X(x_i).$$
(2-2)

Shannon associou *entropia* à incerteza e *informação* à redução da incerteza, isto é, informação é aquilo que recebemos quando a incerteza é reduzida. Mas, de algum modo, a entropia indica a média de informação que uma variável aleatória pode fornecer.

Uma propriedade da entropia é que esta é limitada tanto por um máximo quanto por um mínimo.

**Teorema 2.1** Se a variável aleatória discreta *X* possuir *K* possíveis valores, então a entropia H(X) satisfaz as seguintes desigualdades

$$0 \le H(X) \le \log K \,, \tag{2-3}$$

com igualdade à esquerda se e somente se  $P(x_i) = 1$  para algum  $x_i$ , e com igualdade à direita se e somente se  $P(x_i) = 1/K$  para todo  $x_i$ .

#### 2.3 Fonte Discreta sem Memória

**Definição 2.3** Seja *S* uma fonte discreta que emite seqüências de símbolos de um alfabeto fixo  $S = \{s_I, s_2, ..., s_K\}$ , sendo tais símbolos gerados obedecendo uma distribuição de probabilidade  $P(s_I)$ ,  $P(s_2)$ , ...,  $P(s_K)$ , respectivamente, e estatisticamente independentes. Tal fonte é definida [8] como *fonte discreta sem memória*.

A entropia de uma fonte discreta sem memória  $S = \{s_1, s_2, ..., s_K\}$  com distribuição de probabilidade de ocorrência dos seus símbolos  $P_1, P_2, ..., P_K$  é dada por

$$H(S) = -\sum_{i=1}^{K} P_i \log P_i \quad \text{bits / símbolo}, \qquad (2-4)$$

a qual pode ser interpretada como a incerteza que um observador tem sobre qual será o símbolo emitido, antes de saber qual símbolo de fato foi emitido. Uma segunda interpretação é feita se utilizarmos o conceito da Definição 2.1. Denotando a informação associada a um símbolo  $s_i$  por  $I(s_i)$ , tem-se pela equação (2-1) que

$$I(s_i) = -\log P_i \,. \tag{2-5}$$

Assim, a entropia é dada por

$$H(S) = \sum_{i=1}^{K} P_i I(s_i)$$
(2-6)

e pode-se interpretar este resultado como o valor médio da informação obtida por símbolo observado.

Um exemplo importante de fonte de informação sem memória é a *fonte binária sem memória*. Para uma fonte deste tipo, *S*, seu alfabeto é apenas  $\{0, 1\}$ . A probabilidade de um 0 é *p* e a probabilidade de um 1 é (1 - p). Pode-se calcular a entropia dessa fonte por

$$H(S) = -[p \log p + (1-p)\log(1-p)].$$
(2-7)

A função de p dada na equação (2-7) ocorre freqüentemente em problemas de Teoria da Informação. Vista sua relevância, esta tem um nome especial. Define-se

$$h(p) = -p\log p - (1-p)\log(1-p), \qquad (2-8)$$

sendo h(p) chamada de *função entropia*. Deve-se notar a distinção entre as equações (2-7) e (2-8). H(S) fornece a entropia de uma fonte particular *S*, enquanto h(p) é a função de uma variável definida no intervalo [0, 1]. Um outro fato que deve ser notado é que  $\lim_{p \to 0} p \log p = 0$ , assim, é definido que  $0 \log 0 = 0$ .

Na Figura 2.1 tem-se o gráfico de h(p) em função de p no intervalo [0, 1].



**Figura 2.1** – Gráfico de h(p) em função de p no intervalo [0, 1].

#### 2.3.1 Entropia r-ária

Caso seja usada a base r para os logaritmos, ao invés da base 2, a *entropia r-ária* tem a expressão

$$H_r(S) = -\sum_{i=1}^{K} P_i \log_r P_i \quad \text{unidades r - ária / símbolo},$$
(2-9)

ou, de modo equivalente,

$$H_r(S) = \frac{H(S)}{\log r},\tag{2-10}$$

lembrando que  $0 \le H(S) \le \log K$ .

### 2.4 Extensão de Uma Fonte Discreta sem Memória

Em muitas situações práticas, como, por exemplo, na codificação de dados, há interesse em se trabalhar com blocos de símbolos de uma fonte, ao invés de se trabalhar com símbolos individuais. Por exemplo, a representação em ASCII dos símbolos do teclado de um computador utiliza palavras binárias de 7 dígitos cada, ou seja, blocos

binários de comprimento 7. Quando se consideram blocos de tamanho fixo e igual a n símbolos, o número n é chamado de ordem da extensão da fonte. Trata-se matematicamente este caso considerando uma nova fonte  $S^n$ , cujo alfabeto de saída consiste de todos os blocos formados pela concatenação de n símbolos da fonte S. O conjunto dos símbolos da fonte  $S^n$  é denotado por { $\sigma_1, \sigma_2, ..., \sigma_{K^n}$ }. A definição de extensão de uma fonte sem memória é apresentada a seguir.

**Definição 2.4** Seja *S* uma fonte de informação discreta sem memória, cujo alfabeto consiste dos símbolos { $s_1$ ,  $s_2$ , ...,  $s_K$ }, onde a probabilidade da fonte emitir o símbolo  $s_i \notin P_i$ . A extensão de ordem *n* de *S*, denotada por  $S^n$ , é a fonte discreta de memória zero com  $K^n$ símbolos { $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$ , ...,  $\sigma_{K^n}$ }, onde cada  $\sigma_i$  corresponde a uma seqüência específica de *n* dos símbolos de *S*. Supondo que  $\sigma_i$  corresponde à seqüência  $s_{ii}$ ,  $s_{i2}$ , ...,  $s_{in}$ , a probabilidade  $P(\sigma_i)$ do símbolo  $\sigma_i$  é dada por  $P(\sigma_i) = P(s_{ii}, s_{i2}, ..., s_{in}) = P_{ii} \cdot P_{i2} \cdot ... \cdot P_{in}$ .

**Teorema 2.2** Se  $S^n$  é uma extensão de ordem *n* de uma fonte discreta sem memória *S* com entropia *H*(*S*), então sua entropia é dada por

$$H(S^{n}) = nH(S). \tag{2-11}$$

# CAPÍTULO 3

# Alguns Algoritmos de Binarização

A *Binarização* de uma imagem é o processo no qual transforma-se uma imagem "*policromática*" em uma imagem *monocromática*. A binarização pode ser útil em diversas aplicações. Esta dissertação, como já mencionado, enfoca o problema da filtragem da interferência frente-verso de imagens de documentos, que provém do fato destes serem escritos em ambos os lados do papel, fazendo uso de algoritmos de binarização.

Os algoritmos de binarização fazem uso do *histograma* da imagem, geralmente, em níveis de cinza. O histograma de uma imagem é um gráfico que tem no eixo das abscissas o nível da cor e no eixo das ordenadas a quantidade de pontos da imagem que tem aquela cor correspondente. A Figura 3.1a mostra uma imagem, do acervo de Nabuco, em níveis de cinza e na Figura 3.1b temos seu histograma. Ainda, estes algoritmos podem ser divididos em: *globais* e *locais*. Os métodos globais utilizam um único limiar de corte, *threshold*, para binarizar toda a imagem, em outras palavras, escolhe-se um nível de cinza limite a partir do qual os valores acima deste passarão a ser brancos e os valores abaixo se tornarão pretos. A Figura 3.1c traz uma imagem binarizada, correspondente à imagem da Figura 3.1a, com um *threshold* t = 108. O segundo tipo possui um valor inicial de corte e esse valor pode ser alterado à medida que a imagem vai sendo varrida. Nós nos deteremos ao estudo de algoritmos globais de binarização.

x 10<sup>4</sup> *t* = 108 # de pontos tornam-se tornam-se pretos **brancos** 00 150 nível de cinza 200 250 100 *(a) (b)* stougth into (c)

**Figura 3.1** – (a) Imagem em níveis de cinza, (b) histograma da imagem e (c) imagem binarizada.

Como dito antes, as imagens do acervo de Joaquim Nabuco foram digitalizadas em *true color*. Assim, é necessário que tais imagens sejam convertidas para níveis de cinza. A conversão será efetuada pela equação

$$nivel \ de \ cinza = 0,3 \cdot R + 0,59 \cdot G + 0,11 \cdot B, \tag{3-1}$$

onde *nível de cinza* é o nível de cinza de cada pixel da nova imagem gerada, *R*, *G* e *B* são, respectivamente, os níveis de Vermelho (*Red*), Verde (*Green*) e Azul (*Blue*) dos pixels da imagem original. Como as imagens originais estão em *true color*, a equação (3-1) gera imagens com 256 níveis de cinza. Esse é o algoritmo padrão [10] aplicado na maioria dos softwares comerciais.

Os algoritmos de binarização tratados aqui tomam o histograma da imagem e normaliza-o pelo número total de pontos desta, assim, tem-se uma distribuição de probabilidade levantada pelas freqüências relativas

$$p_i = \frac{n_i}{N},\tag{3-2}$$

$$P(t) = \sum_{i=0}^{t} p_i , \qquad (3-3)$$

onde  $n_i$  é a quantidade de pixels na imagem que tem nível de cinza i ( $0 \le i \le 255$ ), N é a quantidade total de pixels da imagem,  $p_i$  é a distribuição de probabilidade do histograma da imagem – levantada pela freqüência relativa de seus pixels – e P(t) é a soma das probabilidades até o nível de cinza t.

Neste capítulo descreveremos, sucintamente, seis algoritmos de binarização. Desses, cinco são baseados na entropia do histograma da imagem – PUN [11], KAPUR *et al.* [12], JOHANNSEN & BILLE [13], YEN *et al.* [14] e MELLO [15] & LINS [16] – e um baseado na análise de discriminante – OTSU [17]. Dos algoritmos citados, os três primeiros e o último são clássicos na literatura, sendo o último um dos algoritmos mais utilizado para a prática da binarização. Tais algoritmos são de propósito geral e não foram desenvolvidos visando a filtragem da interferência frente-verso. Já o algoritmo de Mello e Lins será aqui tratado por ter sido criado enfocando a binarização de imagens de documentos históricos onde a interferência frente-verso faz-se presente. Esse algoritmo é um dos frutos do Projeto Nabuco.

O código MATLAB<sup>®</sup> v 7.0 para cada um desses algoritmos pode ser encontrado no Anexo 2 desta dissertação.

### 3.1 Algoritmo de Pun

O primeiro algoritmo a ser apresentado é o algoritmo de PUN [11]. Pun considera os níveis de cinza do histograma como uma fonte de 256 símbolos, onde todos os símbolos são estatisticamente independentes. Ele considera a razão da entropia *a posteriori* 

$$H'(t) = -P(t)\log[P(t)] - [1 - P(t)]\log[1 - P(t)], \qquad (3-4)$$

que é uma função do threshold t, com a entropia da fonte

$$H(t) = H_{b}(t) + H_{w}(t) =$$

$$= -\sum_{i=0}^{t} p_{i} \log p_{i} - \sum_{i=t+1}^{255} p_{i} \log p_{i}.$$
(3-5)

Podemos observar naturalmente que H(t) não depende de t, assim, chama-lo-emos apenas de H.

Pun mostrou que a razão, referida acima, é limitada inferiormente por

$$\frac{H'(t)}{H} \ge Fe(\alpha) = \left[\alpha \frac{\log P(t)}{\log[\max(p_0, ..., p_t)]} + (1 - \alpha) \frac{\log[1 - P(t)]}{\log[\max(p_{t+1}, ..., p_{255})]}\right], \quad (3-6)$$

onde

$$H_{b}(t) = \alpha H , \qquad (3-7)$$

$$H_w(t) = (1 - \alpha)H$$
. (3-8)

Dessa forma, é sugerido que o limite ótimo seja o valor de *t* que busque a igualdade na equação (3-7), sendo  $\alpha$  o argumento que maximize a função  $Fe(\alpha)$ .

#### 3.2 Algoritmo de Kapur, Sahoo e Wong

O algoritmo de KAPUR, SAHOO e WONG [12] não utiliza a distribuição definida na equação (3-2). Ele considera o objeto e o fundo da imagem como sendo duas fontes distintas e, conseqüentemente, tendo duas distribuições, uma para o objeto e outra para o fundo. A distribuição do objeto é dada por

$$p(i) = \frac{p_i}{P(t)},\tag{3-9}$$

para  $0 \le i \le t$ , e a do fundo é dada por

$$p(i) = \frac{p_i}{1 - P(t)},$$
(3-10)

para  $t + 1 \le i \le 255$ .

Continuando, considera-se a entropia associada aos pixels pretos (objeto), denotada por  $H_b(t)$ , e a entropia associada aos pixels brancos (fundo), denotada por  $H_w(t)$ . Estas são, respectivamente, calculadas através das distribuições definidas nas equações (3-9) e (3-10):

$$H_{b}(t) = -\sum_{i=0}^{t} p(i) \log p(i), \qquad (3-11)$$

e

$$H_{w}(t) = -\sum_{i=t+1}^{255} p(i) \log p(i).$$
(3-12)

Agora, procura-se o argumento t que maximize a função H(t) dada por

$$H(t) = H_b(t) + H_w(t) . (3-13)$$

Tal argumento será o limiar de corte (threshold).

### 3.3 Algoritmo de Johannsen e Bille

Uma outra variação de algoritmo de binarização baseado em entropia foi proposta por JOHANNSEN e BILLE [13]. Busca-se como *threshold* ótimo o argumento t que

minimize a função  $S(t) = S_b(t) + S_w(t)$ , onde:

$$S_{b}(t) = \log(\sum_{i=0}^{t} p_{i}) + (1/\sum_{i=0}^{t} p_{i})[E(p_{i}) + E(\sum_{i=0}^{t-1} p_{i})]$$
(3-14)

e

$$S_{w}(t) = \log(\sum_{i=t}^{255} p_{i}) + (1/\sum_{i=t}^{255} p_{i})[E(p_{i}) + E(\sum_{i=t+1}^{255} p_{i})], \qquad (3-15)$$

sendo  $E(p) = -p.\log(p)$ .

Com o propósito de melhorar a compreensão e a implementação deste algoritmo, desmembramos as equações (3-14) e (3-15), chegando a

$$S_{b}(t) = h \left( \frac{p_{t}}{P(t)} \right)$$
(3-16)

e

$$S_w(t) = h\left(\frac{p_t}{1 - P(t - 1)}\right),$$
 (3-17)

onde  $h(\cdot)$  é a *função entropia*.

Assim, a função a ser minimizada é

$$S(t) = h\left(\frac{p_t}{P(t)}\right) + h\left(\frac{p_t}{1 - P(t - 1)}\right).$$
(3-18)

### 3.4 Algoritmo de Yen, Chang e Chang

Um outro algoritmo que será utilizado no estudo comparativo é o algoritmo de YEN, CHANG e CHANG [14]. Este, no que diz respeito às distribuições, segue a mesma idéia do algoritmo Kapur-Sahoo-Wong (apresentado na Seção 3.2), ou seja, considera o objeto e o fundo da imagem como sendo duas fontes de sinais distintas. Com isso, temos as mesmas distribuições das equações (3-9) e (3-10). Ainda, é definida uma correlação entrópica, dada por

$$TC(t) = C_b(t) + C_w(t) = -\log\left\{\sum_{i=0}^t \left[\frac{p_i}{P(t)}\right]^2\right\} - \log\left\{\sum_{i=t+1}^{255} \left[\frac{p_i}{1 - P(t)}\right]^2\right\}.$$
 (3-19)

O ponto de corte é o argumento que maximiza a expressão da equação (3-19). As funções  $C_b(t)$  e  $C_w(t)$  são entropias de Ranyi [18], com  $\rho = 2$ .

### 3.5 Algoritmo de Mello e Lins

O algoritmo de MELLO [15] & LINS [16] procura o nível de cinza mais freqüente na imagem e faz uso deste como um limite t (inicial) para calcular os valores de  $H_b(t)$ ,  $H_w(t)$  e H pela equação (3-5), com uma pequena diferença, neste caso, a entropia é calculada na base N (total de pontos da imagem).

$$H = H_{b}(t) + H_{w}(t) =$$

$$= -\sum_{i=0}^{t} p_{i} \log_{N} p_{i} - \sum_{i=t+1}^{255} p_{i} \log_{N} p_{i}$$
(3-20)

Então se usa o valor da entropia H como base para definição de dois fatores multiplicativos,  $m_w e m_b$ , de acordo com as seguintes regras:

- Se  $H \le 0,25$ , então  $m_w = 2$  e  $m_b = 3$ ;
- Se 0,25 < H < 0,30, então  $m_w = 1$  e  $m_b = 2,6$ ;
- Se  $H \ge 0.30$ , então  $m_w = 1$  e  $m_b = 1$ .

Definidos os fatores,  $m_b$  e  $m_w$ , e as quantidades,  $H_b$  e  $H_w$ , o threshold  $t^*$  é calculado imediatamente por

$$t^* = 256(m_b H_b + m_w H_w).$$
(3-21)

#### 3.6 Algoritmo de Otsu

Como dito anteriormente, o algoritmo de OTSU [17] não pertence à classe dos baseados em entropia, mas será aqui apresentado por ser um dos mais utilizados, pela sua

eficiência, em binarização de imagens. Tal algoritmo faz uso de medidas da análise de discriminante para definir se os níveis de cinza pertencem ao objeto ou ao fundo. A média e a variância do objeto e do fundo, em função do nível limite *t*, podem ser denotadas por:

$$m_b(t) = \sum_{i=0}^{t} i.p_i$$
, (3-22)

$$\sigma_b^2(t) = \sum_{i=0}^t [i - m_b(t)]^2 p_i , \qquad (3-23)$$

$$m_{w}(t) = \sum_{i=t+1}^{255} i.p_{i}, \qquad (3-24)$$

$$\sigma_w^2(t) = \sum_{i=t+1}^{255} [i - m_w(t)]^2 p_i . \qquad (3-25)$$

O valor do threshold é o argumento que maximiza

$$\eta(t) = \frac{P(t)(1 - P(t))[m_b(t) - m_w(t)]^2}{P(t)\sigma_b^2(t) + (1 - P(t))\sigma_w^2(t)}.$$
(3-26)

Estes são os algoritmos utilizados no estudo comparativo. Em [19] pode-se obter mais detalhes sobre os algoritmos acima apresentados, com exceção do algoritmo de Mello-Lins, bem como outras técnicas de binarização. Veremos alguns resultados da aplicação destes algoritmos no Capítulo 5.
# **CAPÍTULO 4**

#### **Um Novo Algoritmo**

Neste capítulo apresentaremos um novo algoritmo para binarização baseado na entropia do histograma da imagem. Como veremos no próximo capítulo, os algoritmos, apresentados no capítulo anterior, não trazem tão bons resultados quando aplicados em imagens com interferência frente-verso.

O nosso propósito é obter um algoritmo, baseado em entropia, que trate de forma satisfatória as imagens em questão. Observamos que os algoritmos apresentados no capítulo anterior, quando aplicados a imagens com interferência frente-verso, traziam, freqüentemente, um ponto de corte (*threshold*) acima do ideal. Dessa forma, pensamos inicialmente em variar um dos algoritmos. O algoritmo escolhido foi o de Kapur, Sahoo e Wong, pois a proposta, para tal variação, foi fazer uso de um *fator de ajuste de threshold* baseado na razão entre as entropias de objeto e fundo. Este algoritmo comportou-se bem em um grupo de imagens, mas na maioria não trouxe resultados convincentes que firmasse sua permanência neste estudo.

Na continuação da pesquisa por um algoritmo que resolvesse satisfatoriamente tal problema, surgiu a idéia de desenvolver um algoritmo que relacionasse a entropia do histograma da imagem binarizada com a entropia do histograma da imagem em níveis de cinza, como em [11] e a partir desta relação definir o ponto de corte (*threshold*).

A idéia é considerar a distribuição do histograma como sendo a distribuição de uma fonte de 256 símbolos (*fonte a priori*). Pode-se assumir uma hipótese teórica de que todos os símbolos são estatisticamente independentes. Sabe-se que no caso de imagens reais os

símbolos não são estatisticamente independentes, mas esta hipótese simplifica bastante o algoritmo e traz bons resultados. Assim a entropia da *fonte a priori* é dada por

$$H = -\sum_{i=0}^{255} p_i \log(p_i), \qquad (4-1)$$

onde  $p_i$  é dado pela equação (3-2). Como a imagem resultante é uma imagem binarizada, a distribuição de seu histograma, pode ser vista como uma distribuição de uma fonte binária (*fonte a posteriori*). Temos a entropia da *fonte a posteriori* dada por

$$H'(t) = h(P(t)),$$
 (4-2)

onde  $h(\cdot)$  é a *função entropia* definida no capítulo de Elementos da Teoria da informação e P(t) é dado pela equação (3-3).

Segue que, fazendo-se uma extensão de ordem oito de uma fonte binária pode-se representar, sem perdas, todos os 256 símbolos da *fonte a priori*. Chamaremos essa nova fonte binária de *fonte binária a priori*. O valor da entropia desta nova fonte é dado por

$$H_{\text{fonte binária}} = \frac{H}{8}.$$
(4-3)

Esta igualdade provém do Teorema 2.2.

A idéia é procurar chegar a um valor de *t* de forma que a entropia da *fonte a posteriori* seja o mais próximo possível da entropia da *fonte binária a priori*, ou seja, tentase buscar a seguinte igualdade

$$H'(t) = H_{fonte \ binaria}.$$
(4-4)

Com este argumento, procura-se adequar a distribuição da *fonte a posteriori* à distribuição da *fonte binária a priori* que é, como visto antes, uma representação da *fonte a priori*.

Aplicando-se as equações (4-2) e (4-3) em (4-4), chega-se à igualdade

$$h(P(t)) = \frac{H}{8}.$$
(4-5)

Devemos levar em consideração o comportamento da função entropia, o qual pode ser visto na Figura 2.1. Também, devemos lembrar que as imagens tratadas são imagens de documentos, nas quais há uma presença muito maior de pontos de fundo do que de objeto, então, é razoável trabalharmos com o argumento P(t) no intervalo [0;0,5]. Trabalhando neste intervalo estamos partindo da premissa de que o número de pontos do objeto é no máximo igual ao número de pontos do fundo, ou seja, metade do total de pontos da imagem. Outra característica deste intervalo é que, nele, a *função entropia* é injetiva, em outras palavras, temos apenas um valor de P(t) que satisfaz a equação (4-5). Salvo no caso em que  $p_i$  é nulo, neste não importa se o limite calculado for *i* ou *i* – 1.

Em específico, temos que filtrar a interferência frente-verso na binarização. Devido às características de tal interferência, sua presença aumenta o valor da entropia da *fonte a priori*, conseqüentemente também aumenta o valor da entropia da *fonte binária a priori*. Utilizamos este fato para definir um *fator de perda*  $\alpha(H_{fonte binária a priori})$  com o intuito de reduzir a presença dessa interferência. O fator de perda  $\alpha(H_{fonte binária a priori})$  foi determinado experimentalmente e tem a seguinte expressão:

$$\alpha(H_{fonte \ binária}) = \begin{cases} -\frac{3}{7}H_{fonte \ binária} + 0.8 & \text{se } H_{fonte \ binária} < 0.7 \\ H_{fonte \ binária} - 0.2 & \text{se } H_{fonte \ binária} \ge 0.7 \\ a \ priori & a \ priori$$

Para uma mais clara observação, o gráfico de  $\alpha(H) \times H$  está ilustrado na Figura 4.1.



**Figura 4.1** – *Gráfico de*  $\alpha(H)$  *em função de* H.

Assim, fazendo uso desse fator, chegamos à relação dada pela equação

$$H'(t) = \alpha(H_{fonte \ binaria}) \cdot H_{fonte \ binaria} \,. \tag{4-7}$$

Em resumo, seguem os passos para se encontrar o *threshold* sugerido por este algoritmo.

- (a) Calcular a entropia *H* do histograma da imagem em níveis de cinza.
- (b) Varrer os níveis de cinza, calculando para cada um sua distribuição {P(t), 1 P(t)}, enquanto P(t) ≤ 0,5, e a entropia referente a esta distribuição H'(t) = h(P(t)).
- (c) Determinar, por fim, o *threshold* pelo argumento que minimize o módulo da função erro *e*(*t*) dado por:

$$|e(t)| = \left|\frac{H'(t)}{H/8} - \alpha(H/8)\right|.$$
 (4-8)

# CAPÍTULO 5

# Análise Comparativa dos Algoritmos de Filtragem

No capítulo corrente, faremos uma análise comparativa dos algoritmos apresentados nos capítulos antecedentes, destacando o novo algoritmo. Tal análise está baseada na avaliação visual dos resultados – análise subjetiva – e no uso de uma medida de qualidade de imagem *PSNR* (*Peak Signal-to-Noise Ratio* – Relação Sinal Ruído de Pico) – análise objetiva. O PSNR de uma imagem, em relação a uma outra de referência, é determinado pela expressão

$$PSNR = 20 \log_{10} \frac{255}{\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{L} \sum_{j=1}^{C} [I(i, j) - I_{ref}(i, j)]^{2}}{L \times C}}},$$
(5-1)

onde: I(i,j) e  $I_{ref}(i,j)$  são, respectivamente, os valores dos níveis de cinza de cada pixel (i,j) da imagem ruidosa e da imagem de referência (limpa); e,  $L \in C$  são o número de pontos da imagem, nesta ordem, na vertical e na horizontal. Esta medida é baseada no erro médio quadrático (*mean-square error – MSE*). Tal parâmetro foi escolhido por ter uma baixa complexidade computacional frente a parâmetros que definem a qualidade da imagem no sentido perceptual [20].

Vejamos os resultados da aplicação dos algoritmos na imagem da Figura 1.1. A Figura 5.1 mostra a imagem original em *true-color* e em níveis de cinza, a imagem de referência – que foi binarizada manualmente sob o critério da busca de um limiar que tornasse a imagem o mais limpa possível preservando sua informação "útil" – e as imagens resultantes da aplicação dos algoritmos.



**Figura 5.1** – Imagens originais – em true-color e em níveis de cinza – e binarizadas – de referência e resultantes das aplicação dos algoritmos.

Como os resultados da aplicação do novo algoritmo, do algoritmo Mello-Lins e a imagem de referência estão muito próximos, mostramos na Figura 5.2 um zoom de um

trecho das imagens da Figura 5.1 correspondentes a tais algoritmos. Ainda, no Anexo 1, outros resultados, semelhante a este, são apresentados.



Na Tabela 5.1 temos os valores de corte e, tomando como base a imagem binarizada manualmente (imagem de referência), dos PSNR's de cada uma das imagens da Figura 5.1.

Algoritmo	Threshold	PSNR (dB)
REFERÊNCIA	69	-
Novo	74	41
Mello-Lins	78	39
Pun	123	28
Kapur-Sahoo-Wong	95	35
Johannsen-Bille	178	25
Yen-Chang-Chang	95	35
Otsu	95	35

 Tabela 5.1– Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura 5.1.

Observando os resultados, Figuras 5.1 e 5.2, vemos que o novo algoritmo foi mais eficiente que os demais, devendo salientar que o algoritmo Mello-Lins trouxe um resultado bem próximo.

Este experimento foi realizado em imagens representativas dos diversos graus de dificuldade de filtragem da interferência frente-verso, trazendo resultados semelhantes, como pode ser visto no Anexo 1 que apresenta os resultados das aplicações dos algoritmos em mais dez imagens distintas.

Quando a intensidade da interferência é leve, todos os algoritmos trazem bons

resultados, com exceção do Johannsen-Bille. Além do novo algoritmo, aqui proposto, e do algoritmo Mello-Lins, o único que trouxe resultados satisfatórios em algumas imagens com uma interferência não tão leve foi o Otsu.

A desvantagem do algoritmo Mello-Lins aparece quando temos uma imagem cujo histograma está concentrado à direita, ou seja, uma imagem clara. Essa aparece porque o threshold calculado por esse algoritmo não depende da distribuição como um todo do histograma da imagem, e sim, da sua forma. Assim, como o algoritmo foi "treinado" para imagens com o histograma espalhado, ou seja, não concentrado, esse tem "dificuldades" de encontrar um bom limiar para imagens com essa característica. Para ilustrar o que está sendo discutido, a Figura 5.3a traz uma imagem em níveis de cinza e a Figura 5.3c seu histograma, que mostra que tal imagem tem níveis de cinza de 51 à 253. Na Figura 5.3b temos a imagem da Figura 5.3a, agora mais escura. Essa imagem foi adquirida subtraindose o valor 50 da cor de cada *pixel* da imagem original, o que pode ser visto em seu histograma na Figura 5.3d que é o mesmo da Figura 5.3c a menos de um deslocamento para a esquerda. Aplicando-se o algoritmo Mello-Lins nas duas imagens obtemos o mesmo threshold. É apresentado na Figura 5.4 o resultado da aplicação desse algoritmo nas imagens da Figura 5.3. Como o algoritmo fornece o mesmo threshold t = 81, para ambas as imagens, fica claro que ele resolve o problema para apenas uma delas, normalmente a mais escura. Isto quer dizer que se tivermos um grupo de imagens com características semelhantes (como as de um livro), mas com distinção de luminância (que pode ocorrer, por exemplo, se parte das imagens for digitalizada em equipamentos e/ou com operadores distintos) esse algoritmo pode não ser adequado. Aplicamos também o novo algoritmo nas imagens da Figura 5.3 e encontramos para a imagem original um limiar t = 154 e para a imagem escurecida t = 104. Os resultados dessa aplicação estão na Figura 5.5. Observamse nessas imagens que o novo algoritmo gera resultados visualmente parecidos.



6

that is permanent and safe. The passing foreign policy is any by which a nation secures help thinking of herself only, that is, by which it uses another nation as her instrument; the permanent foreign policy is that by which a nation tries to accomplish with another a common destiny. The difference between the permanent and the temporary foreign policy is that the latter must take the form of a written illiance, of a formal engagement, with a fixed term of duration. Alliances are transitory, unelastic, and full of dan-gers, while the spontaneous concurrence in the same lines of action is the natural development of each nation's destiny. of action is the natural development of each nation's destiny. Alliance supposes war; free co-operation supposes peace and mutual help through sympathy and good will. You keep away from the entangling allionecs which the Father of your country deprecated, and yet a concentration of the American Republics with the idea that they all form, under different flags, a single political system is already a moral

6

attance. This idea has made much progress in the last four years, and I trust it will not lack in this country the enhusiasm it needs to grow. Secretary Root's visit to Latin America will indeed remain a historical landmark in the relations of our continent, like Monroe's Message of 1823, and Blaine's and Blaine's and the second s iniative of the Pan-American movement. One can call this policy a dual creation, because, if Blaine moulded the group of the United American nations, it was Root who put in it

The Pan-American Conferences, besides the work they achieve with their periodical meetings, do much good simply by being a permanent institution. In this way they act even during their intervals of four years. Take the move-ment which led to the experiment now being tried in Central serica, of an international court, which is really an essay of organized Peace in a region so much tried by po-



**Figura 5.3** -(a) imagem original, (b) imagem escurecida, (c) histograma da imagem original e (d) histograma da imagem escurecida.



the is permanent and safe. The passing to tegin policy any by which a menor section help timbing of here finally, the is, by which a research during as her antication. the permutent for sign poly (as that by addick a metion trues Tw diffe : to ascernified, with the chiral and putter or destination ency between the permetent and the temperaty through policy is that the latter and take the first of a without all'uses of a forest engagement, with a fixed term ration. Allowers are transformed relation and full of data gers, while the spontaneous concernment in the same lines dia, siza is the national development of each mation's destine. Wante supposes ware two or operation supposes power and manual help the sigh somewhy and good will. You acey away from the estimating whomers which the Patien of your constry depression, and yet a concentration of the American Republics with the idea that they all form, under different days, a small political system is already a cooral allices

61

This idea has much much progress in the lost bear years, and I must by will not lack in this eventry the endowmant it needs to grow. Secretary Root's visit to Latin America will indeed remain a historical instantask in the relations of ean contract, like Monroe's Message or 1823, and 30 line's minute of the Pan American movement. One can call this policy a dual creation, begause, if Elising moduled the group d the United American nations, it was Reed who put in it life and movement.

The Pan American Conferences, busides the work they addiese with their prelection revealings, do runch good samply by tworg a permanent interaction. In this way they are even furing their intervals of done years. Take the have mean which led to do exception new being tried in Ceneral America, of an interrocto court, which is really an essay of organized Peace to a region so much tried by pa

#### (b)

ó

(a) Figura 5.4 – Resultados da aplicação do algoritmo de Mello è Lins (a) na imagem original e (b) na imagem escurecida.

that is permanent and rafe. The passing foreign policy is any by which a nation secures help thinking of herself only, that is, by which it uses another ration as her instrument: the promanent foreign policy is that by which a untion trues to accomplish with another a common destiny. The difference between the permanent and the temporary foreign policy is that the latter must take the form of a written alliance, of a formal cogagenesis, with a fixed term of the ration. Alliances are transitory, mediatic, and full of durgers, while the spontaneous concurrence in the same lines of action is the natural development of each nation's desting. Alliance supposes war: free co-operation supposes peace and mutual help through sempathy and good will. You keep away from the catanging allimets which the Father of your country deprecated, and yet a concentration of the American Republics with the idea that they all form, under different flags, a single political system is already a moral alliance

6

This idea has made much progress in the last four years. and I trust it will not tack in this country the endustism in needs to grow. Secretary Root's visit to Lonio America will indeed remain a historical hadmark in the relations of our continent, like Montoe's Message of 1823, and Blaine's inlative of the Pan-American movement. One can call this policy a dual creation. Incause, if Blaine monlifed the group of the United American nations, it was lead who put in it life and movement

The Pan American Conferences, besides the work they achieve with their periodical meetings, do numb good simply by being a permanent institution. In this way they act even during their intervals of four years. Take the movement which led to the experiment now being tried in Central America, of an international court, which is really an essay of organized Peace in a region so much tried by po

(a)

that is permanent and rafe. The passing foreign policy is any by which a nation secures help thinking of herself only, that is, by which it uses another random as her instrument: the promanent forsign policy is that by which a notion trus-to accomplish with another a common destiny. The difference between the permanent and the temporary foreign policy is that the latter must take the form of a written alliance, of a formal cogageneou, with a fixed term of the Alliances are transitory, nuclastic, and full of dunration gers, while the spontaneous concurrence in the same lines of action is the natural development of each nation's desting. Alliance supposes war: free co-operation supposes peace Automic supposes with the to-operation supposes peaks and montual help through gengathy and good will. You keep away from the *contanging allumetes* which the Fadure of your country deprecated, and yet a concentration of the American Republics with the idea that they all force, under different flags, a single political system is already a moral alliance

This idea has made much progress in the last four years. and I trust it will not tack in this country the endustism in needs to grow. Secretary Root's visit to Lonio America will indeed remain a historical landmark in the relations of our continent, like Montose's Message of 1823, and Blaine's iniative of the Pan-American movement. One can call this policy a dual creation, because, if Blaine monifold the group of the United American nations, it was loss who put in it life and movement.

The Pan American Conferences, besides the work they the full characteristic contractings, do numb good simply by being a permanent instruction. In this way they act even during their intervals of four years. Take the movement which kel to the experiment now being tried in Central America, of an international court, which is really an essay of organized Peace in a region so much tried by po

 $\overline{(b)}$ 

**Figura 5.5** – *Resultados da aplicação do novo algoritmo (a) na imagem original e (b) na* imagem escurecida.

Para termos uma noção quantitativa das distâncias entre as imagens geradas pelo algoritmo de Mello-Lins, apresentadas na Figura 5.4, e as geradas pelo novo algoritmo, vistas na Figura 5.5, foram calculados os valores do PSNR para as duas duplas. Seus resultados encontram-se na Tabela 5.2.

AlgoritmoPSNR (dB)Mello-Lins34NovoInf

**Tabela 5.2** – Dado dos PSNR's referentes às Figuras 5.4 e 5.5, nesta ordem.

A tabela acima afirma que as imagens que resultaram da aplicação do algoritmo Mello-Lins estão muito "distantes" uma da outra, entretanto as geradas pelo novo algoritmo são idênticas, pois seu valor de PSNR deu infinito. Isto já era sabido, pois o threshold da imagem escurecida foi exatamente 50 níveis mais baixo que o da original e 50 é o deslocamento que foi utilizado para a geração da imagem escurecida.

Para finalizar nossa análise comparativa iremos discutir a deficiência do novo algoritmo.

O novo algoritmo foi aplicado em um conjunto de 250 imagens do acervo das cartas de Nabuco obtendo resultados satisfatórios na maioria delas. As imagens que não trouxeram resultados satisfatórios foram aquelas que tinham, relativamente, pouca "informação útil". É importante ressaltar, também, o desempenho dos algoritmos Kapur-Sahoo-Wong e Yen-Chang-Chang, que consideram a imagem como sendo duas fontes de sinais distintas, pois nessas imagens, em específico, eles obtiveram os melhores resultados. Quanto aos outros algoritmos, eles, também, não trouxeram bons resultados, como pode ser visto na Figura 5.6.

O tratamento de tais imagens ficará para trabalhos futuros, sendo uma possibilidade de solução simples o operador efetuar o corte da área de interesse e aplicar a filtragem apenas naquela área, como mostra a Figura 5.7.



Figura 5.6 – Imagens original e binarizadas pelos algoritmos com resultados não satisfatórios.

Yen-Chang-Chang

Otsu

Johanssen-Bille

26 Est /1 (a) 126, 1 Est. Unidos . . Dantas ban baro Bo 0 er love do 0.0 nia 2 ser (b)

**Figura 5.7** – Área de interesse das imagens da Figura 5.6 (a) original e (b) binariza pelo novo algoritmo.

## CAPÍTULO 6

#### **Conclusões e Trabalhos Futuros**

Esta dissertação apresenta um estudo sobre alguns dos principais algoritmos de binarização, destacando as técnicas baseadas na entropia do histograma da imagem. A análise comparativa das imagens resultantes desses algoritmos foi baseada na inspeção visual dos resultados e no uso da medida de qualidade de imagem *PSNR*. Esta última se mostrou muito "sensível", pois em alguns casos o contorno das letras "pesava" mais do que a "sujeira", ou seja, uma primeira imagem com uma espessura de letra maior e com mais interferência poderia ter um PSNR maior do que uma segunda com uma espessura de letra menor e com menos interferência, tomando-se como referência uma imagem "idealmente limpa", mesmo a segunda estando mais legível que a primeira. Assim, o PSNR fica indicado como "critério de desempate" quando tivermos, por inspeção visual, imagens muito próximas.

Devido à baixa qualidade das imagens geradas utilizando os filtros disponíveis em *softwares* comerciais para processamento de imagens, um novo algoritmo foi desenvolvido, baseado na entropia do histograma das imagens. Tal algoritmo é aplicado em imagens em níveis de cinza. O algoritmo proposto foi aplicado em 250 imagens do acervo de documentos de Joaquim Nabuco obtendo resultados satisfatórios. A maioria das imagens de documentos nas quais o algoritmo foi aplicado eram cartas manuscritas que continham a interferência frente-verso. O objetivo é gerar uma imagem do documento monocromática, onde os *pixels* classificados como tinta tornam-se pretos e os tidos como da interferência (junto com os do papel) tornam-se brancos.

O novo algoritmo aqui proposto pode, ainda, ser melhorado. O *fator de perda \alpha(H)* pode levar em consideração outros parâmetros (por exemplo: média, variância) que informem mais sobre as características da imagem e/ou, também, ser uma função diferente da *entropia a priori H* com a finalidade de estimar melhor o limiar de corte (*threshold*) e eliminar com uma maior eficiência a interferência.

Quanto à proposta de representação da fonte, utilizou-se uma codificação binária sem perda. A estratégia de ajustar o valor da entropia da *fonte a posteriori* ao valor da entropia da *fonte binária a priori*, introduzida nesta dissertação, abre espaço para que se possa tentar utilizar outras codificações, inclusive com perda. Pode-se até mesmo, encontrar uma codificação "ideal" para a eliminação da interferência sem a necessidade do uso do fator de perda.

Além da geração de documentos monocromáticos, o novo algoritmo pode ser aplicado em imagens de documentos datilografados para fins de tentar melhorar as respostas das ferramentas de OCR (*Optical Character Recogination*).

O algoritmo de binarização aqui apresentado foi aceito para publicação no ACM – *Symposium on Applied Computing*[21] na trilha de *Document Emgeneering* a ocorrer em Dijon (França) em abril de 2006.

Há várias linhas a serem exploradas para trabalhos futuros em continuidade ao aqui apresentado. No capítulo de introdução desta dissertação foram mencionadas várias alternativas de tratamento da interferência frente-verso que embora não tenham obtido sucesso em tentativas anteriores, talvez possam ser revistas. Dentre elas destacamos: a filtragem em espelho, que inclusive já esta sendo explorada através de outro membro do grupo de pesquisa; a análise da imagem no domínio da Luminância-Crominância, ao invés do RGB – níveis de cinza aqui procedidos; e a possibilidade de se utilizar as imagens obtidas pelos três algoritmos que obtiveram os melhores resultados para se gerar uma quarta baseada em um "voto majoritário" que consiste em observar os *pixels* (que tenham os mesmos índices) das imagens filtradas e adotar a cor (preta ou branca) "majoritária" para o *pixel* correspondente da nova imagem. Outra linha de trabalhos futuros, completamente diferente das já mencionadas e exploradas, abre-se com a possibilidade do uso da lógica difusa (*fuzzy logic*) para determinação do ponto de corte, seguindo o recentíssimo trabalho de TIZHOOSH [22].

### Referências

- LINS, R. D., GUIMARÃES NETO, M. S., FRANÇA NETO, L. R. & ROSA, L. G. An Environment for Processing Images of Historical Documents. Microprocessing & Microprogramming, pp. 111-121, North-Holland, January, 1995.
- [2] FUNDAJ. URL: http://www.fundaj.gov.br/. Visitado em 09/07/2005.
- [3] COREL CORP. URL: http://www.corel.com. Visitado em 14/09/2005.
- [4] MELLO, C.A.B. & LINS, R.D. A New Segmentation Algorithm for True Colour Images of Historical Documents, XVIII Simpósio Brasileiro de Telecomunicações, Gramado, RS, Brasil, setembro, 2000.
- [5] MELLO, C.A.B. & LINS, R.D. Segmentação de Imagens de Documentos Históricos, XVII Simpósio Brasileiro de Telecomunicações, Vila Velha, ES, Brasil, setembro, 1999.
- [6] ABRAMSON, N. Information Theory and Coding. McGraw-Hill Book Company, 1963.
- [7] SHANNON, C. A Mathematical Theory of Communication. Bell System Technical Journal, vol. 27, pp. 370-423, 623-656, 1948.
- [8] ROCHA JÚNIOR, V. C. Teoria da Informação, Notas de Aula, UFPE-Recife, 2004.
- [9] HARTLEY, R.V.L. *Transmission of Information*, Bell System Technical Journal, Vol. 3, pp. 535-564, 1928.
- [10] GOMES, J. & VELHO, L. Computação Gráfica: Imagem. Sociedade Brasileira de Matemática, 1994.
- [11] PUN, T. A New Method for Gray-Level Picture Threshold Using the Entropy of the Histogram, Signal Process. 2(3), pp. 223–237, 1980
- [12] KAPUR, J. N., SAHOO, P. K. & WONG, A. K. C. A New Method for Gray-Level Picture Thresholding Using the Entropy of the Histogram, Graph. Models Image Process. 29, pp. 273–285, 1985.

- [13] JOHANNSEN, G. & BILLE, J. A Threshold Selection Method Using Information Measures, ICPR'82: Proc. 6th Intl. Conf. Patt. Recog., pp. 140–143, 1982.
- [14] YEN, J. C., CHANG, F. J. & CHANG S. A New Criterion for Automatic Multilevel Thresholding, IEEE Trans. Image Process. IP-4, pp. 370–378, 1995.
- [15] MELLO, C.A.B. Filtragem, Compressão e Síntese de Imagens de Documentos Históricos, Recife, 2002. Tese de Doutorado – Centro de Informática, UFPE.
- [16] MELLO, C.A.B. & LINS, R.D. Image Segmentation of Historical Documents, Visual 2000, Cidade do México, México, Agosto, 2000.
- [17] OTSU, N. A Threshold Selection Method from Gray Level Histograms, IEEE Trans. Syst. Man Cybern. SMC-9, pp. 62–66, 1979.
- [18] MATHWORLD. URL: http://www.mathworld.com. Visitado em 11/08/2005.
- [19] SEZGIN, M. & SANKUR, B. Survey over Image Thresholding Techniques and Quantitative Performance Evaluation, Journal of Electronic Imaging 13, pp. 146–165, 2004.
- [20] ZAMPOLO, R. F. & SEARA, R. Estudo Comparativo entre Métricas para Avaliação da Qualidade de Imagens. In: XXII SIMPÓSIO BRASILEIRO DE TELECOMUNICAÇÕES (Set 2005 : Campinas-SP). Anais. pp. 237-241, São Paulo, 2005.
- [21] DA SILVA, J.M.M., LINS, R.D. & DA ROCHA, V.C. JR. *Binarizing and Filtering Historical Documents with Back-to-Front Interference*, ACM Document Engineering, Dijon, France, April, 2006.
- [22] TIZHOOSH, H. R. Image Thresholding Using Type II Fuzzy Sets, Pattern Recognition Volume 38, Issue 12, pp. 2363-2372, 2005.
- [23] BALLARD, D.H. & BROWN, C.M. Computer Vision. Prentice-Hall, 1982.
- [24] DENGEL, A., BLEISENGER, R., HOCH, R., FEIN, F. & HÖNES F. From Paper to Office Document Standard Representation. Computer, pp. 63-67, July, 1992.
- [25] FRANÇA NETO, L.R., Projeto Nabuco: Um Ambiente para Processamento de Grandes Acervos de Imagens, Dissertação de Mestrado, Departamento de Informática, UFPE, Outubro, 1998
- [26] FRANÇA NETO, L.R, MELLO, C.A.B. & LINS, R.D. Técnicas de Filtragem para Imagens Digitais de Documentos Históricos. XV Simpósio da Sociedade Brasileira de Telecomunicações, Recife, Brasil, Setembro, 1997.

- [27] JAIN, A.K. Fundamentals of Digital Image Processing. Prentice Hall, Inc., 1989.
- [28] JAIN, A.K. & BHATTACHRJEE, S. Text Segmentation using Gabor Filters for Automatic Document Processing. Machine Vision and Applications, Vol. 5, pp. 169-184, 1992.
- [29] KULLBAK, S. Information Theory and Statistics. Dover Publications, Inc. 1997.
- [30] O'HARA, K. & SELLENA A. A Comparison of Reading Paper and On-Line Documents. Conference Proceedings on Human factors in computing systems, Atlanta, GA USA, pp. 335-342, March, 1997.
- [31] PARKER, J. R. Algorithms for Image Processing and Computer Vision. John Wiley and Sons, 1997.
- [32] PAVLIDIS, T. & ZHOU, J. Page Segmentation and Classification. CVGIP: Graphical Models and Image Processing. Vol. 54, No. 6, pp. 484-496, 1992.
- [33] SCHÜRMANN, J., BARTNECK, N., BAYER, T., FRANKE, J., MANDLER, E. & OBERLÄNDER, M. Document Analysis – From Pixels to Contents. Proceedings IEEE, pp. 1101-1119, July, 1992.
- [34] SHANNON, C. & WEAVER, W. *The Mathematical Theory of Communication*. The University of Illinois Press, Urbana, Illinois. 1949.
- [35] WATT, A. 3D Computer Graphics. Addison-Wesley Publishing Co., 1993.
- [36] WORRING, M. & SMEULDERS, A. W. M. Internet Access to Scanned Paper Documents. Proceedings of the third ACM Conference on Digital Libraries, Pittsburgh, PA USA, pp. 313-314, June, 1998.
- [37] CHAMEX. URL: http://www.chamex.com.br. Visitado em 14/09/2005.

## Anexos

#### ANEXO 1

# Resultados das Aplicações dos Algoritmos de Filtragem

Os resultados constantes neste anexo dizem respeito às aplicações dos sete algoritmos vistos nesta dissertação, incluindo o novo algoritmo aqui proposto. Tais aplicações foram feitas em dez imagens distintas que pertencem ao acervo de documentos digitalizados de Joaquim Nabuco.

Os experimentos apresentam: as imagens originais em *true-color* e níveis de cinza; uma imagem de referência que foi obtida buscando-se um limiar que limpasse ao máximo a interferência evitando perdas da "informação útil" do documento; e as imagens resultantes dos algoritmos vistos nesta dissertação. Ainda, em sete dos dez experimentos, foi necessária a inclusão de mais uma imagem de referência obtida através de uma "limpeza" minuciosa, com um tratamento *pixel* a *pixel*, pois a imagem obtida buscando-se o melhor limiar não foi satisfatória. Além disso, cada experimento é seguido de uma tabela que contém os *threshold*'s, calculados pelos algoritmos, e os *PSNR*'s, calculados com base nas imagens de referência, bem como os comentários da inspeção visual.

recesso, nos he Original em true-color 273,6) que e'a ourdadaire tranquitirlado de capirito .... Lato de obras que ce enrolan e desenvolum dia e noite Durante annos, Cleige me repetir the a rensacio) en un cerebro que quinera despresder-se do assungt a não sodo for algun konto, one e'muito fategante .. nuncarabardona, s'outra dansa cas que the quero refetir, que n sale de elle ande intervira diada a tem-10 ..... E'miake experance . ho fim de contas seria talogo melhor para todos, porque Tudo hoje e precasio, não he mais direito nom

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

Original em níveis de cinza

(213,0) que e'a contadeira tranquiterla de to espirito.... Sato de obras envolan a desenvolum dia e noite Durante annos, Elije me tapetis The a sensacie of en un ceretro que quirera despresder-se do assun ii algun Empo, on e'muito fatigante. carabersona, e'autre dense cas que the guero entetie, que sabe se elle and intervira dinda a tem-10 ! ... E'minke experence . ho fim de contas seria talazo mechor para todos, porque Tudo hoje e precasio, nai he mais derecto "

Referência 2 - Busca manual do Limiar (threshold)

(273,6) 273,6 que ela contatione tranquite la de de espiratora lato de aboa Ð de Surante annos for te cas que the gours enteting de elle and intervina dinde a tem-10 ! ... l'minte esterance . hop to !... L'ouiste express de contes caria talongo a talan he contes se para todos, porque Tudo hoja precario, não ha mais direito para todos, porque Tudo koj precario, não ha mais direito nom Novo algoritmo Mello-Lins a todor, porque Tudo precasio, nas he mais direito Pun Kapur-Sahoo-Wong

48

Yen-Chang-Chang Johannsen-Bille 273,6 1. 63 , porque Tudo har recario, não ha mais direito Otsu

Figura A1.1 – Imagens do documento 273,6 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	40
<b>REF. 2</b>	50	40	-
Novo	73	36	36
Mello-Lins	85	34	34
Pun	135	27	27
Kapur-Shoo-Wong	94	33	33
Johannsen-Bille	231	25	25
Yen-Chang-Chang	101	32	32
Otsu	86	34	34

 Tabela A1.1 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.1.

Os resultados obtidos pelos algoritmos neste experimento não são suficientemente bons, pois não temos uma legibilidade completa do documento. Também deve ser destacado que, para esta imagem, não há um limiar (*threshold*) que traga uma imagem resultante de boa qualidade, pois como pode ser visto na imagem Referência 2 (que tem o "melhor limiar possível") observamos que já temos perda da "informação útil" e a interferência continua presente, impossibilitando a leitura de algumas palavras. Contudo, dos algoritmos utilizados o que mais filtrou a interferência frente verso foi o novo algoritmo. Um fato curioso é que mesmo as imagens de referência tendo um PSNR de 40dB (entre si) elas geraram praticamente os mesmos valores de PSNR em relação às imagens obtidas através dos algoritmos.

52, Cornwall Garde. S.W. Dear Vis John Scott Will you give me the floor your company at a Her, on the case of my de patture, to our friendet to Rothsodild at the Hotel on heavy the 5 the 8 h

Original em true-color

52, Cornwall Gardens dondon April 17th Dear Sis John Scott, Will you give me she fleak of your company at a dinner Joffer, on the cove of my de. patture, to our friend Affred de Rothschild at the Carton Hotel on may the 5th 8 1/2?

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

52, Cornwall Gards London, April1, Dear Sis John Scott, Will you give me the fles I your company at a for, on the case of my patture, to our friendet to Rothschild at the for Hotel on heavy the 5th 8 1/2

Original em níveis de cinza

Cold and Case 52, Cornwall Gardens London, April 17th Dear Sis John Scott, Will you give me ste floor of your company at a dinner Joffer, on the case of my de. patture, to our friend Affred de Rothschild at the faulton Hotel on heavy the 5th 8 1/2?

Referência 2 – Busca manual do Limiar (threshold)

52, Cornwalt Gardens S.N. dondon, April 17th Dear Sis John Scott, Will you give me ste flow of your company at a dinner Leffer, on the cere of my de . parture, to our friendet first de Rothschild at the farthon Hotel on may the 5th 8 1/2? Novo algoritmo

Dear Sis John Scott, Will you give me ste floor of your company at a dinner Joffer, on the case of my de . patture, to our friend Affred to Rothschild at the Carton Hotel on may the 5th 8 1/2? Mello-Lins EAp31de 605 52, Cornwall Gardens dondon, April 17. Dear vir John Set, Will you give me the floor & your company the the on the care of my de patture, to our friende Affred to Rothschild at the farthon Hotel on heavy the 5th 8 1/2?

Kapur-Sahoo-Wong

Pun

52, Cornwalt Gardens S.M. London, April 17th

CApilde 605 to Rothschild Yen-Chang-Chang Johannsen-Bille EAp31de 605 1 Gardens 10 patture, To an A Rothschila Hotel on his

Otsu Figura A1.2 – Imagens do documento 605 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	41
<b>REF. 2</b>	80	41	-
Novo	90	39	40
Mello-Lins	77	41	44
Pun	129	27	27
Kapur-Shoo-Wong	101	36	36
Johannsen-Bille	184	25	25
Yen-Chang-Chang	101	36	36
Otsu	104	35	35

 Tabela A1.2 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.2.

O algoritmo Mello-Lins obteve o melhor rendimento neste experimento, seguido do novo algoritmo, e neste caso o PSNR traduz perfeitamente o desempate.

tron com or mouners to tron com or menness to he 24 annos atras, econ que ha 24 annos atras, ecom to logo depois alle me acces to logo depois alla ma ascres hete Tinke passado. heats Tinke passado. Ela'se foi o nono forea. Dare min Ela'se foi o nosso forria . Pare nim ela aivia como a não estivence loco ele avia como a não esticare been te quando o estava e muito, esfoi te quando o astava e muito, estoi una nigehoidade be fread o inuna nifeticidade ter ficato o inserno en fondres. Calculo o aseens en fondres ... Calculo o abalo que the dese tes causedo a balo que the dece tes causalo a parta d'esse discipulo tão bem parda d'esse discipulo tão bem aproveitado e que exe acida any aproveitado e que ere acida any Original em true-color Original em níveis de cinza manies to her rate on com or manenes sole petros com or que he 24 annos atres, econ effe que ha 24 annos atras, econ effei to logo depois the me access to logo depois alle me accreving heato Tinka passado. hede Tinke passado. E la'se foi o nomo forrea . Sace nim E la'are foi o nomo forrea . Vare nim ete orivia como a não extidence loca. ele orivia como a não extricence loca. te quando o estava e muito, estoi te quando o estava e muito, este una nifeticidade to fead o inuna nifeticidade ter ficado o inkerno en fondres. Calculo o akerno en fondres. Calculo o abalo que the dece tes causado a balo que the dece tes causedo a parda d'auxe discipulo tato bem parda d'asse discipulo tão bem aproveitado e que exe ainda am aproveitado e que exe acinda am

Referência

Novo algoritmo

he 24 annos atras, 5 logo depois alla me as hedo Tinka passado. E la'are foi o norso forria . Pare nim ele orivia como a não extisence loca te quando o estava e mito, efoi una nifeticidade to fead o inkerno en fondres ... Calculo balo que the dear tes causado a porda d'acce discipulo tat bem aproveitado a que exe acinda am Mello-Lins Pun links Ela'se for a more for che n'oix como a não secho to quando o actava e muito, e una nifeksidade to feat . areas an fondres ... Cales lo balo que the desi tes causedo D. parte d'acce discipato tão bem aproveitado e po ere a

Kapur-Sahoo-Wong

Johannsen-Bille

inis ala linka E la' ce foi o nomo forrea. aivia como a não extis te quando o actava e muito, ando o esta · inphidade be ma nifekcidade to fe bas ... Calento s. Cale An Jon o en for balo que he des les causelo 2 halo que he dese he D barda d'asse discipulo tão de l'es aproveitado a j Yen-Chang-Chang Otsu

Figura A1.3 – Imagens do documento 276,1 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR (dB)
REFERÊNCIA	60	-
Novo	63	43
Mello-Lins	79	38
Pun	166	28
Kapur-Shoo-Wong	137	34
Johannsen-Bille	215	25
Yen-Chang-Chang	141	33
Otsu	107	36

 Tabela A1.3 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.3.

Os PSNR's calculados neste experimento informam realmente que a imagem mais limpa é a obtida através do novo algoritmo, seguida da obtida pelo Mello-Lins, Otsu e os outros. Mas seus valores "exageram" essa diferença, por exemplo: através da inspeção visual, observamos que as imagens obtidas pelo novo algoritmo e Mello-Lins estão bem mais próximas do que poderíamos imaginar se só observássemos os valores dos PSNR's.

(551,7) Cha o case le 1000 Original em true-color

(521,F) Era o ca eu den has fal mais a cino a rem cars ne me conviria. V. feler dirig rio La adx 1 14 er 6óde ame 610 4 Lobre consequencia hal proceedimento De parte. O le algum ristro e ao decreta

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

(521,7) Era o case

Original em níveis de cinza

(5.1,F) Era o cars de ser au demitido não fat 13 mais n'esta Val nem nen ca ... me convinia. V. feliz dirig io-La adx 1 24 lóde consequencia Lobre tal procedimento parte. O De algum mi: ristro e ao decretario

Referência 2 – Busca manual do Limiar (*threshold*)

521,F de ser en demittido Era o ca hão ais n'esta. 9ª no . ... me convinia. disigio La adx 4 lal prechi Ә 0.4 parte. 0 B o da nia Novo algoritmo

521,F 1 le ser au demittido Era o ca hão is n'into. ape 100 me es al inch barke. D nie 60 Mello-Lins

5\$1,F Era i Hi Io On an 7 - - maisa's ه د د al Luch arte rich 2 20

Kapur-Sahoo-Wong

Pun

521,F Era o de iHibo NUL Yen-Chang-Chang Johannsen-Bille 521,7 al te

Otsu Figura A1.4 – Imagens do documento 521,7 do acervo de Joaquim Nabuco.

e do

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	41
<b>REF. 2</b>	64	41	-
Novo	75	38	38
Mello-Lins	82	36	36
Pun	113	28	28
Kapur-Shoo-Wong	84	36	35
Johannsen-Bille	170	25	25
Yen-Chang-Chang	85	35	35
Otsu	85	35	35

 Tabela A1.4 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.4.

A imagem resultante da aplicação do novo algoritmo tem uma qualidade visual superior à dos demais, mas a imagem Referência 2 nos mostra que o limiar deveria ser menor. Os PSNR's de ambas as imagens, neste experimento, representam bem a qualidade visual de cada algoritmo.
Original em true-color 1.221,2 plate e e 0

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

Original em níveis de cinza

(Ling) plate e 0 no ere

Referência 2 – Busca manual do Limiar (*threshold*)







Mello-Lins



Kapur-Sahoo-Wong

Pun

1.221.2) Yen-Chang-Chang Johannsen-Bille 221.2 0 no

Otsu Figura A1.5 – Imagens do documento 1.221,2 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	41
<b>REF. 2</b>	44	41	-
Novo	46	41	42
Mello-Lins	80	32	32
Pun	96	28	28
Kapur-Shoo-Wong	133	25	25
Johannsen-Bille	171	25	24
Yen-Chang-Chang	72	35	34
Otsu	66	37	35

 Tabela A1.5 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.5.

As imagens Referência 2 e a obtida pelo novo algoritmo têm praticamente o mesmo limiar (*threshold*) e, por isso, temos um PSNR de 42dB entre elas. A imagem Referência 1 também está visualmente próxima das duas citadas, ratificando o bom desempenho do novo algoritmo. Quanto aos outros algoritmos, eles não obtiveram bons resultados.

Original em true-color 221 the g 600 modo er De

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

Original em níveis de cinza to-the a fodo modo exter De Jua heo brilk s ffeatures

Referência 2 – Busca manual do Limiar (*threshold*)

n ha

Joaque

27 mrs. Looncat Eta be on do the goon m De todo modo extero of to He bue remore hout no sen brithante carree fection. - me Affectional fedinito te Vam heres intere Novo algoritmo





Kapur-Sahoo-Wong

Pun

ha baque \* Johannsen-Bille Yen-Chang-Chang /ke mo

Otsu Figura A1.6 – Imagens do documento 1221,3 do acervo de Joaquim Nabuco.

ha

Joaque

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	40
<b>REF. 2</b>	41	40	-
Novo	31	41	40
Mello-Lins	78	32	32
Pun	96	27	27
Kapur-Shoo-Wong	132	25	25
Johannsen-Bille	166	25	25
Yen-Chang-Chang	72	34	33
Otsu	59	38	36

 Tabela A1.6 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.6.

Neste experimento, embora o novo algoritmo tenha trazido um limiar abaixo do desejado, provocando perdas de "informação útil", ele apresenta o melhor resultado visual, pois permite ler muito mais partes do texto que o segundo candidato mais próximo, o algoritmo de Otsu, que por ter um limiar muito acima, mistura a "informação útil" com a interferência, impossibilitando a leitura do documento.

(134,5) (34,5) Res anticia de a tits to alen la verha sidaldar soka estar hen Marca lagrachan's cumples han London Gover pour Alexan uper In alter tobege apple en para Fildesion Habur \_ Londers Christe

Original em *true-color* 

Original em níveis de cinza

(134,5) inhunt into idia mint ta un level ... her diand ) the um wroin the Souther comes , seals the decenter une gr. perificior e mia entracon im conchicação a fine of the second day on by ula day and in the second of cidades mits funccionas It case can a proprios construct useres prompto a por son as ordered a construction on Rester to sector the sound can be interes prompting, Chegor a summark de de torses per Carola the Vinkagar de bather atter estant e a Regit, now tim, mais nada que a difference Infation de nurechin auch de dimudito des mouses visiches, sia strice si p ne dectation mar a cu free proventer por dean in lat prevent de cupinos, assis conferen de de me dermilen unde taland intendider que su d'ente Marigo luco (stanon culum suroli dani luca varla Att. Terresio sa fa fla suroli dani veta varla Att. 12 septembre de calino s' constancente Nature dondre Colera for Filasio Grab.

Referência

(134,5)

inhunt ide. idee pager to sound tures leval n. /per diantel / the cons of grands, forward in arrive de docches como o acado de demosion com gran arrifición e cosis, contrasens, un constructuração como dite lust ~ her. dinul hagae , moise down on tag relations hher. recardo las morimente monsteres, hancater e marial, d'ale mariado e das ontras praces d eme elle dis talinamente como color as propo prases les erre alle tai containancente como arte a propo cidade mate ferreciones Il esce como de de ver contrança estario prompto e per son ao order cinchiaszar. Achto de procion the pour como vielere, panyonya Chegor o mensiont do dei son Contra, das finchingas de bedas color esp e o Rogel, das finchingas de bedas color esp e o Rogel, não line, mais nade que o diffe der patiene de anarches averlipanteles o factor pos de mait hanten a fa egras de dinadite des merces semble, set des die torie a une lectración pras a cu fres forma es de Janda has congression and a see a Maria have to serve to talanus interstation give no Maria Maria (Mariano ospa) the seconderstani intere conta Mat Le uner on casher delather setes ser proced. I sour sidence the second sing the second to Nature - doorder Street fore Fildesin Grub-

Novo algoritmo



Mello-Lins



Kapur-Sahoo-Wong

Pun



Johannsen-Bille

(134,5) (134,5) 1111 de maria unde the

Yen-Chang-Chang

Otsu

Figura A1.7 – Imagens do documento 134,5 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR (dB)
REFERÊNCIA	115	-
Novo	100	39
Mello-Lins	160	30
Pun	172	27
Kapur-Shoo-Wong	134	36
Johannsen-Bille	214	24
Yen-Chang-Chang	134	36
Otsu	117	42

Tabela A1.7 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.7.

Neste experimento destacamos os resultados da aplicação dos algoritmos de Otsu e do novo algoritmo. Por ter um limiar de corte (*threshold*) menor, poderíamos imaginar que o novo algoritmo traz uma imagem mais limpa, mas o limiar "ideal" é de 115 (imagem de referência) e com este limiar já não visualizamos mais "sujeira" na imagem, assim, podemos dizer que o novo algoritmo "limpou mais do que deveria". Neste caso, especificamente, esse "excesso de limpeza" apenas diminuiu a espessura das letras, fato que facilita a leitura deste documento.

(135,2) (135,2) pooravel que Araripo quarde poovavel que Araripo quarde a paste para elle. O Hour Bra. a pasta para elle. O Hosis Bra. gil en não creio que se embas gil en não creio que se emba /ue n'esta frote dem baadeire. /ue n'essa frote dem bandeira Como Cahino Ruy! Deijando Como Cahino Ruy Deijando a 19 o can bio que elle lesda a 19 o can bio que elle lecobar a 27, arrado de frascos ga a 27, arrado de frascos ga fue fluctuan no alcost be fue fluctuan no alcost de una adulação podre as una adulação podre as Jeneralisimo" os successi. Jeneralisimo" os successi. vos abortos que elle levon vos abortos que elle levon un anno a deitar Baucos un anno a deitar Janeos Hypothecasio hacional 400.000 Hypothecasis hacional 400.000 contos, on Republice 60000. contos, on Republice 60000. Original em true-color Original em níveis de cinza (135,2) (135,2) poovacel que Araripe quarde poovavel que Araripo quarde a pasta para elle. O Horis Bra. a pasta para elle. O Horis Bra. zil au não creio que se embar zil au não creio que se embar /ue n'esta frote dom bandeire pue n'arra frote dan bandeira. Como Cahino Ruy! Deijando Como Cahino Muy deijando a 19 o can bio que elle lecobar a 19 o can bio que elle lecobar a 27, arrado da frascos en a 27, arrado de frascos en fue fluctuan no alcost de fue fluctuan no alcost de una adulação podre ao una adulação podre ao Generalisimo" os successi. "fererahisimo" os successi. vos abortos que elle levon vos abortos que elle levon un anno a deitar. Baucos un anno a deitar. Baucos Reportecario hacional 400.000 Hypothecario hacional 400.000 contos, on Republica 60000. contos, in Republice 60000, Referência Novo algoritmo

73

(35) poovavel que Araripe quarde a parta para ette. 6 Horis Bra. gil au não creio que se emba Jue n'arra frote dem bandeire Como Cahino Ruy! Deijando a 19 o can bio que elle lecobar a 27, arrado de frascos en fue fluctuan no ales de une adulação podre "Generalitima" as successes vos abortos que elle levon un anno a deitar. Baucos Hypothecario hacional 400.000 contos, on Republice 60000 Mello-Lins Pun AREA (13 5) poovacel que Araripe quarde a parte para ette. O Hours Bra. gil au não creio que se emba Jue n'arra frote den bandeire Como Cahino Ruy! Deijando a 19 o can bio pre elle lessan 1 27, arredo de frasco que fluctuan no alcost de une adulação podro as "Generalisma" as successe vos abortos que ella levon un anno a teitar Bancos Hypotherario hacional 400.000 contos, de Republice 60000,

Kapur-Sahoo-Wong

Johannsen-Bille

(13 5 2 135 0 4 silau que che c line 20 lue udo iù hiù bio ul 0 æ de 27 we flu uma u ie. nue a deitar. ario hacional Los, on Republice 60000 In Repu Yen-Chang-Chang Otsu

**Tabela A1.8** – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.8.

Figura A1.8 – Imagens do documento 135,2 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR (dB)
REFERÊNCIA	120	-
Novo	122	46
Mello-Lins	165	37
Pun	218	28
Kapur-Shoo-Wong	178	36
Johannsen-Bille	244	24
Yen-Chang-Chang	183	35
Otsu	144	39

Voltamos a destacar os resultados obtidos pelo novo algoritmo e o Otsu. Esses resultados estão bem próximos, mas o resultado do algoritmo de Otsu ainda trás um "resíduo de sujeira" a mais que o do novo algoritmo. Mas novamente devemos frisar o "exagero" da diferença entre os valores dos PSNR's.

\$15,2 e considerado catre nos a lote grande a O. esta a bica. O mallo re' augmentar agore o des miamo e , sen bon he her confiance no Mis Is Se housesse signal de 9 o ca por de lado, deria outra Coisa. O frace nos infor Com Jeguranca cripto sempre como devo a de Original em true-color (515,2) c e considerado cate nos a lote grande a O. esta' a' bica. O me e' augmentar agore o den miamo e , seu bon hu her confiance no Ris B Je housesse signal de o ca por de lado, seria ou Coisa. O fraca nos informais Com segurança. La tento es-Cripto sempre como devo a de

Referência 1 – Limpa pixel a pixel

515,2 e considerado cate nos a lote grande a V. esta' a' bica. O mello, re' augmentar agora o see Opti mismo e , see bon he her configures no Rio Br Se housesse signal de grade o ia por de lado, seria outra Coisa. O fraca nos informaia Eu lenko ej-Com degurance cripto sempre como devo a de Original em níveis de cinza (\$15,2)

« e'considerado centre nos a lote grande a O. esta' a'bica. O mello c' augmenter agore o seu opti mismo e , see bon hu her confiance no this is le housesse signal de o ca por de lado, seria ou Coisa. O fraca nos informaia Com segurance. En tento es-Cripto sempre como devo a de

Referência 2 – Busca manual do Limiar (*threshold*)

\$15,2 e e considerado rentre nos a lorte grande a O. esta' a' bica. O metho e' augmentar agore o Ven Opti mismo e , see bon humon, has her configures no Ris Bro i le housesse signal de que elle o ca pos de lado, seria outra Coisa. O fraca nos informara Com segurança. En tento es-Cripto sempre como devo a ... Novo algoritmo

e considerado cate nos a lot pande a traile' a' bica DA atar agona 14 me e i sen hor the for conficency no Mest to hausense signal de 9 or to par de lado, deria outra l'frace no info Coila. Jeguranes to sempre como devo a de Mello-Lins 515,2 e considerado cate nos a lat mande a traite' a' bica. O makey mentar agone & Law offe miamo e , see bor hum her configures no This Bra te housesse signal de pack o ca par de lado, seria outra Coisa. O fraca nos informaia. 5. Ea tento es Con Vegurane cripto sempre como devo a de Kapur-Sahoo-Wong

Pun

77

515,2 e considerado entre nos a lat grande a t. esta' a' bica. O makey enter score A.H e i seu bor and to her con le houserse signal de orca par de lado, deria o Coisa. Q to sempre como devo a deo Johannsen-Bille Yen-Chang-Chang (\$15,2) e'considerado catre nos a lot grande a V. esta' a' bica. O mello e' augmentar agore o Ven miamo e , see bon hu her confiance ele Le housesse signal de o cà por de lado, seria ou na. ua Coisa. O 0 tento es-Jeguran to sempre como devo a de

Otsu Figura A1.9 – Imagens do documento 515,2 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF.</b> 1	-	-	41
<b>REF. 2</b>	110	41	-
Novo	92	42	42
Mello-Lins	163	36	35
Pun	185	28	28
Kapur-Shoo-Wong	151	38	37
Johannsen-Bille	232	24	24
Yen-Chang-Chang	154	37	37
Otsu	128	42	40

 Tabela A1.9 – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.9.

O conjunto de imagens acima mostrado nos leva a destacar o desempenho do novo algoritmo e do algoritmo de Otsu, mas o primeiro traz uma imagem mais "limpa". Novamente, temos um limiar "ideal" (imagem Referência 2) acima do limiar obtido pelo novo algoritmo, mas como no experimento da Figura A1.7 este fato apenas implica em uma diminuição da espessura da letra, chegando até a facilitar a leitura do documento.

510,1 (510,1) The Senedos were well since The Senedos were toel since I heard about them . Ido I heard about them . Ito not know if hes . hell not know if hes . Snell\_ is in London. is in London. With kind regards to With kind regards to his fores & yourselves mrs. Jones & yourselves Ancerely yours Micerely yours Loaquin habur loaquin habues Original em true-color Original em níveis de cinza (510,1) (510,1) The Senedos were soll since The Senedos were soll since I heard about them . Ido I heard about them . Ido not know if here. Such not know if here. Saeth is in London. is in London. With kind regards to With kind regards to mrs. Jones & yourselves mrs. fores & yourselves Sincerely yours Sicerely yours loaquin haburs loaquin habies

Referência 1 – Limpa *pixel* a *pixel* 

Referência 2 – Busca manual do Limiar (threshold)

510,1 The Sevedor avere well since I heard about them . Bo not know if has beek is in London. With kind regards to hes fores & yourselves . Sicerely fours . Josepuin habies Novo algoritmo Mello-Lins 510, States and the The Sevedor were well since I heard about them . Do not know if here hell is in London. With kind vegards to his fores & yourselves Incerely fours Joaquin habe

Pun

Kapur-Sahoo-Wong

510, 14 The Sevedor were well since I heard about them . I not know if Sees. Such is in London . With kind regards hes fores & yourseloes ..... equin habies Johannsen-Bille Yen-Chang-Chang about A

- il him is in condon. hit kind rege mes. bases & 40

Otsu Figura A1.10 – Imagens do documento 510,1 do acervo de Joaquim Nabuco.

Algoritmo	Threshold	PSNR 1 (dB)	PSNR 2 (dB)
<b>REF. 1</b>	-	-	42
<b>REF. 2</b>	65	42	-
Novo	<b>97</b>	37	37
Mello-Lins	140	25	25
Pun	127	27	27
Kapur-Shoo-Wong	98	37	37
Johannsen-Bille	174	25	24
Yen-Chang-Chang	98	37	37
Otsu	106	34	34

**Tabela A1.10** – Dados dos threshold's e PSNR's referentes à Figura A1.10.

O novo algoritmo e os algoritmos Kapur-Sahoo-Wong e Yen-Chang-Chang obtiveram, neste experimento, um empate. Os dois últimos estão absolutamente empatados, pois geram a mesma imagem em virtude de terem os mesmos limiares. Quanto à eficácia desses algoritmos, eles não removeram completamente a interferência, como mostra que é possível a imagem Referência 2, mas boa parte do texto está legível.

# ANEXO 2

# Implementações dos Algoritmos Utilizados

Durante a pesquisa houve a necessidade da implementação de alguns algoritmos relacionados à extração de parâmetros e tratamento das imagens. Foi utilizado para todas as implementações o programa MATLAB<sup>®</sup> versão 7.0, pois este tem um suporte para manipulação das matrizes e leitura de imagens que facilita bastante a implementação destes algoritmos.

Neste anexo encontram-se as listagens dos m-files, programas que utilizam uma linguagem particular do MATLAB<sup>®</sup>, referente a cada um dos algoritmos utilizados no decorrer do trabalho desta dissertação.

#### 1. GERAÇÃO DA IMAGEM IDEAL

```
clear all
A = imread('imagens\sel\d1221-4.jpg');
I = 0.3 * A(:,:,1) + 0.59 * A(:,:,2) + 0.11 * A(:,:,3);
clear A;
[r,c]=size(I);
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c c);
for k=0:(c_r-1)
   for l=0:(c c-1)
       clear I_c;
       I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
       for i=1:r1
           for j=1:c1
```

```
%imview(I,'InitialMagnification','fit');
imview(I_ideal,'InitialMagnification','fit');
%%}
```

# 2. NOVO ALGORITMO

```
clear all
A = imread('imagens\sel\d1126-2.jpg');
I = 0.3 * A(:,:,1) + 0.59 * A(:,:,2) + 0.11 * A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r*c;
p = pontos/N;
H = 0;
for t=1:256
    if (p(t) ~= 0)
        H = -p(t) * log2(p(t)) / log2(256) + H;
    end
    P(t) = sum(p(1:t));
    if P(t)<=0.5
        if (P(t) == 0 | P(t) == 1)
            h(t) = 0;
        else
            h(t) = -P(t) \cdot \log_2(P(t)) - (1-P(t)) \cdot \log_2(1-P(t)); %entropia da imagem binarizada
com o limite "t-1"
        end
    end
end
if H < 0.7
   alfa = (-3/7) * H + 0.8;
else
    alfa = H - 0.2;
end
[aux,t] = min(abs(h/H-alfa));
threshod_j2 = t-1,H,alfa
```

```
88{
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c_c);
for k=0:(c r-1)
    for l=0:(c_c-1)
       clear I_c;
       I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
       for i=1:r1
            for j=1:c1
               if I_c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
                else
                   Ib_c(i,j)=255;
                end
            end
       end
        I_j2( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 ) = Ib_c;
    end
end
%imview(I,'InitialMagnification','fit');
imview(I_j2,'InitialMagnification','fit');
88}
```

# 3. ALGORITMO MELLO-LINS

```
clear all
A = imread('imagens\sel\d1126-2.jpg');
I = 0.3*A(:,:,1) + 0.59*A(:,:,2) + 0.11*A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r*c;
p = pontos/N;
[aux1,t1] = max(pontos);
base = N;
pb = p(1:t1);
pw = p(t1+1:256);
Hb = 0;
    for i=1:t1
        if pb(i) ~= 0
           Hb = -pb(i)*log2(pb(i))/log2(base) + Hb;
        end
    end
```

```
Hw = 0;
   for i=1:(256-t1)
       if pw(i) ~= 0
           Hw = -pw(i)*log2(pw(i))/log2(base) + Hw;
        end
    end
H = Hb + Hw;
if H <= 0.25
    t = floor((2*Hw + 3*Hb)*256);
elseif (H > 0.25) && (H < 0.3)
   t = floor((1*Hw + 2.6*Hb)*256);
else
   t = floor(H*256);
end
threshod_carlos = t-1
88{
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c r);
c1 = floor(c/c_c);
for k=0:(c_r-1)
    for l=0:(c_c-1)
       clear I_c;
       I_c = I( k*rl+1:(k+1)*rl , l*cl+1:(l+1)*cl );
        for i=1:r1
            for j=1:c1
                if I_c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
                else
                   Ib_c(i,j)=255;
                end
            end
        end
        I_carlos( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 ) = Ib_c;
    end
end
%imview(Ib, 'InitialMagnification', 'fit');
imview(I_carlos,'InitialMagnification','fit');
```

```
88}
```

# 4. ALGORITMO PUN

```
clear all
A = imread('imagens\sel\dll26-2.jpg');
I = 0.3*A(:,:,1) + 0.59*A(:,:,2) + 0.11*A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
```

```
[r,c]=size(I);
N = r*c;
p = pontos/N;
for t=1:255
   Pt = sum(p(1:t));
   pb = p(1:t);
   pw = p(t+1:256);
    Hb(t) = 0;
    for i=1:t
       if pb(i) ~= 0
          Hb(t) = -pb(i) * log2(pb(i)) + Hb(t);
        end
    end
    Hw(t) = 0;
    for i=1:(256-t)
       if pw(i) ~= 0
           Hw(t) = -pw(i) * log2(pw(i)) + Hw(t);
       end
    end
    if (Pt == 0 || Pt == 1)
       Fe(t) = 0;
    else
       alfa(t) = Hb(t)/(Hb(t)+Hw(t));
       Fe(t) = alfa(t)*log2(Pt)/log2(max(pb)) + (1-alfa(t))*log2(1-Pt)/log2(max(pw));
    end
end
[Fmax,t] = max(Fe);
threshod_pun = t-1
88{
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c_c);
for k=0:(c_r-1)
   for l=0:(c_c-1)
       clear I_c;
        I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
        for i=1:r1
           for j=1:c1
               if I_c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
                else
                   Ib_c(i,j)=255;
                end
            end
```

```
end
I_pun( k*rl+1:(k+1)*rl , l*cl+1:(l+1)*cl ) = Ib_c;
end
end
%imview(I,'InitialMagnification','fit');
imview(I_pun,'InitialMagnification','fit');
%%}
```

#### 5. ALGORITMO KAPUR-SHOO-WONG

```
clear all
A = imread('imagens\sel\d1126-2.jpg');
I = 0.3*A(:,:,1) + 0.59*A(:,:,2) + 0.11*A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r * c;
p = pontos/N;
for t=1:256
   Pt = sum(p(1:t));
    if Pt == 0
       pb(1:t) = 0;
    else
      pb = p(1:t)/Pt;
    end
    if Pt == 1
      pw(1:(256-t)) = 0;
    else
       pw = p(t+1:256)/(1-Pt);
    end
    Hb(t) = 0;
    for i=1:t
       if pb(i) ~= 0
           Hb(t) = -pb(i) * log2(pb(i)) + Hb(t);
       end
    end
    Hw(t) = 0;
    for i=1:(256-t)
       if pw(i) ~= 0
           Hw(t) = -pw(i) * log2(pw(i)) + Hw(t);
        end
    end
end
H = Hb + Hw;
[Hmax,t] = max(H);
```

```
threshod kapur = t-1
88{
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c c);
for k=0:(c_r-1)
   for l=0:(c_c-1)
       clear I_c;
       I_c = I( k*rl+1:(k+1)*rl , l*cl+1:(l+1)*cl );
       for i=1:r1
            for j=1:c1
                if I c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
                else
                   Ib_c(i,j)=255;
                end
            end
        end
        I_kapur( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 ) = Ib_c;
    end
end
%imview(I,'InitialMagnification','fit');
imview(I_kapur,'InitialMagnification','fit');
88}
```

#### 6. ALGORITMO JOHANNSEN-BILLE

```
clear all
A = imread('imagens\sel\d1126-2.jpg');
I = 0.3 * A(:,:,1) + 0.59 * A(:,:,2) + 0.11 * A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r * c;
p = pontos/N;
for t=1:256
   Pt = sum(p(1:t));
    Pt1 = sum(p(t:256));
    if Pt==p(t) || p(t)==0
        Sb(t) = 3; % S é no máximo 2
    else
        Sb(t) = -(p(t)/Pt)*log2(p(t)/Pt) - (1-p(t)/Pt)*log2(1-p(t)/Pt);
    end
    if Pt1==p(t) || p(t)==0
       Sw(t) = 3; % S é no máximo 2
```

```
else
        Sw(t) = -(p(t)/Pt1)*log2(p(t)/Pt1) - (1-p(t)/Pt1)*log2(1-p(t)/Pt1);
    end
end
S = Sb + Sw;
[Smim,t] = min(S);
threshod_johannsen = t-1
88{
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
cl = floor(c/c_c);
for k=0:(c r-1)
    for l=0:(c_c-1)
       clear I c;
        I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
        for i=1:r1
            for j=1:c1
                if I_c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
                else
                    Ib_c(i,j)=255;
                end
            end
        end
        I_johannsen( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 ) = Ib_c;
    end
end
%imview(I, 'InitialMagnification', 'fit');
imview(I_johannsen,'InitialMagnification','fit');
88}
```

# 7. ALGORITMO YEN-CHANG-CHANG

```
clear all
A = imread('imagens\sel\dll26-2.jpg');
I = 0.3*A(:,:,1) + 0.59*A(:,:,2) + 0.11*A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r*c;
p = pontos/N;
for t=1:256
    Pt = sum(p(1:t));
    if Pt == 0
        pb(1:t) = 0;
```

```
else
       pb = p(1:t)/Pt;
    end
    if Pt == 1
      pw(1:(256-t)) = 0;
    else
      pw = p(t+1:256)/(1-Pt);
    end
    somab(t) = 0;
    for i=1:t
       somab(t) = (pb(i))^2 + somab(t);
    end
    if somab(t) \sim = 0
      Cb(t) = -log2(somab(t));
    else
       Cb(t) = 0;
    end
    somaw(t) = 0;
    for i=1:(256-t)
      somaw(t) = (pw(i))^2 + somaw(t);
    end
    if somaw(t) \sim= 0
      Cw(t) = -\log^2(somaw(t));
    else
      Cw(t) = 0;
    end
   TC(t) = Cb(t) + Cw(t);
end
[TCmax,t] = max(TC);
threshod_yen = t-1
응응 {
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c_r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c_c);
for k=0:(c_r-1)
   for l=0:(c_c-1)
       clear I_c;
        I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
        for i=1:r1
           for j=1:c1
               if I_c(i,j)<=t-1 % t=1..256 e o t(real)=0..255 => t(real) = t - 1
                   Ib_c(i,j)=0;
```

### 8. ALGORITMO OTSU

```
clear
A = imread('imagens\sel\d1126-2.jpg');
I = 0.3*A(:,:,1) + 0.59*A(:,:,2) + 0.11*A(:,:,3);
clear A;
[pontos,cor] = imhist(I);
[r,c]=size(I);
N = r*c;
p = pontos/N;
for t=1:255
   Pt = sum(p(1:t)); % como o argumento nao pode ser zero o limiar "t" = t-1
   mb = 0;
    for i=0:t-1
       mb = i*p(i+1) + mb;
    end
    varb = 0;
    for i=0:t-1
       varb = ((i-mb)^2)*p(i+1) + varb;
    end
   mw = 0;
    for i=t:255
       mw = i*p(i+1) + mw;
    end
    varw = 0;
    for i=t:255
       varw = ((i-mw)^2)*p(i+1) + varw;
    end
    eta(t) = (Pt*(1-Pt)*((mb-mw)^2)) / (Pt*varb + (1-Pt)*varw);
end
[aux,t] = max(eta);
threshod_otsu = t-1
88{
```

```
% forma mais rápida de sintetizar a imagem binariazada
z = 10;
c r = z; % fator de clusterização - largura
c_c = z; % fator de clusterização - altura
r1 = floor(r/c_r);
c1 = floor(c/c_c);
for k=0:(c r-1)
    for l=0:(c c-1)
       clear I_c;
       I_c = I( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 );
        for i=1:r1
           for j=1:c1
               if I_c(i,j)<=t-1 % não é menor ou igual pelo fato de t=1..256 e o
t(real)=0..255
                    Ib c(i,j)=0;
                else
                   Ib c(i,j)=255;
                end
            end
        end
        I_otsu( k*r1+1:(k+1)*r1 , l*c1+1:(l+1)*c1 ) = Ib_c;
    end
end
%imview(I,'InitialMagnification','fit');
imview(I_otsu,'InitialMagnification','fit');
88}
```

# 9. CÁLCULO DO PSNR

```
clear all
8{
           = imread('imagens\sel\d1221-4_ideal.jpg');
I_ideal
           = imread('imagens\sel\d1221-4_j2.jpg');
I_j2
I_carlos = imread('imagens\sel\d1221-4_carlos.jpg');
           = imread('imagens\sel\d1221-4_pun.jpg');
I_pun
           = imread('imagens\sel\d1221-4_kapur.jpg');
I kapur
I_johannsen = imread('imagens\sel\d1221-4_johannsen.jpg');
           = imread('imagens\sel\d1221-4_yen.jpg');
I_yen
I_otsu
           = imread('imagens\sel\d1221-4_otsu.jpg');
[r,c]=size(I_ideal);
N = r*c;
              = 20*log10(255/(sum(sum((I ideal-I j2).^2))/N).^0.5)
PSNR j2
PSNR_carlos = 20*log10(255/(sum(sum((I_ideal-I_carlos).^2))/N).^0.5)
PSNR_pun
              = 20*log10(255/(sum(sum((I_ideal-I_pun).^2))/N).^0.5)
PSNR_kapur
              = 20*log10(255/(sum(sum((I_ideal-I_kapur).^2))/N).^0.5)
PSNR_johannsen = 20*log10(255/(sum(sum((I_ideal-I_johannsen).^2))/N).^0.5)
             = 20*log10(255/(sum(sum((I ideal-I yen).^2))/N).^0.5)
PSNR yen
              = 20*log10(255/(sum(sum((I_ideal-I_otsu).^2))/N).^0.5)
PSNR_otsu
```

8}

```
I_carlos = imread('imagens\sel\desvant_carlos.jpg');
I_carlos_esc = imread('imagens\sel\desvant_escurecido_carlos.jpg');
I_j2 = imread('imagens\sel\desvant_j2.jpg');
I_j2_esc = imread('imagens\sel\desvant_escurecido_j2.jpg');
[r,c]=size(I_j2);
N = r*c;
PSNR_carlos = 20*log10(255/(sum(sum((I_carlos-I_carlos_esc).^2))/N).^0.5)
PSNR_j2 = 20*log10(255/(sum(sum((I_j2-I_j2_esc).^2))/N).^0.5)
```